

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א



## תוכן העניינים

|     |                                                            |    |
|-----|------------------------------------------------------------|----|
| 1.  | סטטיסטיקה תיאורית- סיווג משתנים וסולמות מדידה              | 1  |
| 2.  | סטטיסטיקה תיאורית- הצגה של נתונים                          | 5  |
| 3.  | סטטיסטיקה תיאורית-גבולות מדומים ואמיתיים                   | 16 |
| 4.  | סטטיסטיקה תיאורית- סכימה                                   | 18 |
| 5.  | סטטיסטיקה תיאורית - מדדי מיקום מרכזי                       | 22 |
| 6.  | סטטיסטיקה תיאורית - מדדי פיזור - הטווח, השונות וסטיית התקן | 31 |
| 7.  | סטטיסטיקה תיאורית - מדדי פיזור - טווח בין רבעוני           | 34 |
| 8.  | סטטיסטיקה תיאורית- מדדי מיקום יחסי-ציון תקן                | 36 |
| 9.  | סטטיסטיקה תיאורית-מדדי מיקום יחסי-אחוזונים במחלקות         | 38 |
| 10. | סטטיסטיקה תיאורית-אחוזונים בטבלה בדידה                     | 41 |
| 11. | סטטיסטיקה תיאורית - טרנספורמציה לינארית                    | 43 |
| 12. | סטטיסטיקה תיאורית - שאלות מסכמות                           | 45 |
| 13. | סטטיסטיקה תיאורית שאלות אמריקאיות                          | 52 |
| 14. | מדדי קשר - מדד הקשר של קרמר                                | 59 |
| 15. | מדדי קשר - מדד הקשר למדא                                   | 61 |
| 16. | מדד הקשר ספירמן                                            | 63 |
| 17. | מקדם המתאם ( מדד קשר ) הלינארי - פירסון                    | 66 |
| 18. | רגרסיה                                                     | 71 |
| 19. | מדדי קשר-רגרסיה -שונות מוסברת ושונות לא מוסברת             | 74 |
| 20. | מדדי קשר- מדד הקשר אתא                                     | 77 |
| 21. | מדדי קשר - בחירת מדד מתאים                                 | 80 |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 1 - סטטיסטיקה תיאורית- סיווג משתנים וסולמות מדידה

תוכן העניינים

1. כללי ..... 1

## סטטיסטיקה תיאורית – סיווג משתנים וסולמות מדידה:

### רקע:

סטטיסטיקה תיאורית הוא ענף בו לומדים כיצד לאסוף נתונים, להציג אותם ולנתח אותם. בסטטיסטיקה תיאורית אנו פונים לקבוצה מסוימת, ובאותה קבוצה אנו אוספים נתונים על הישויות באותה קבוצה. משתנה – תכונה שיכולה לקבל מספר ערכים: דעה פוליטית, מקום מגורים, גובה של אדם וכדומה. חלוקה אחת של המשתנים הנמדדים היא לפי סולמות מדידה:

### מיון משתנים לפי סולמות המדידה:

1. סולם שמי (נומינאלי) – משתנה שלערכיו יש משמעות רק מבחינת הזהות ואין עניין של יותר או פחות. לדוגמה: מצב משפחתי (רווק/נשוי/אלמן/גרש), אזור מגורים. משתנה דיכוטומי (הינו מסולם שמי) אותם משתנים שיש להם רק שני ערכים אפשריות זכר/נקבה. מעש/לא מעש.
2. סולם סדר (אורדינאלי) – כאשר לערכים של המשתנה בנוסף לשם ישנה גם משמעות לסדר אבל אין משמעות לגודל ההפרש. למשל, דרגה בצבא.
3. סולם רווחים (אינטרוואלי) – משתנה שלערכים שלו בנוסף לשם ולסדר בניהם יש משמעות לרווחים בין הערכים אבל אין משמעות ליחס בין הערכים. למשל, קומה בבניין. סולם לא כל כך פופולרי.

### סולם מנה/יחס:

משתנה שלערכיו בנוסף לשם, לסדר ולרווח יש משמעות גם ליחס בין הערכים. למשל, מספר מכוניות למשפחה, משקל אדם בק"ג. הדרך הקלה ביותר כדי לזהות עם הסולם הוא סולם מנה היא על ידי מבחן האפס. בסולם מנה האפס הוא מוחלט, אבסולוטי, ומייצג אין.

### סוגי משתנים:

נבצע סיווג של המשתנים:

### משתנה איכותי

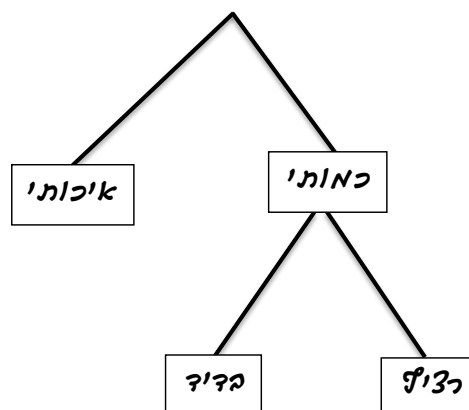
משתנה שלערכיו אין משמעות של יותר או פחות, אין עניין כמותי לערכים המתקבלים. כמו: מקום מגורים של אדם (רעננה, תל אביב, אשדוד...), מין האדם (זכר, נקבה), מצב משפחתי (רווק, נשוי, גרוש, אלמן).

### משתנה כמותי

משתנה שערכיו הם מספרים להם יש משמעות כמותית כמו: גובה אדם בס"מ, ציון בבחינה וכדומה. את המשתנה הכמותי נסווג לשני סוגים:

משתנה בדיד: משתנה שערכיו מתקבלים מתוך סידרה של ערכים אפשריים. כמו: מספר ילדים למשפחה (1,2,3,...), ציון בבחינה (מ-0 ועד 100 בקפיצות של 1).

משתנה רציף: משתנה שערכיו מתקבלים מתוך אינסוף ערכים בתחום מסוים, הערכים מתקבלים ברצף – ללא קפיצות של ערכים. דוגמאות: גובה בס"מ – אם הגובה הנמוך ביותר הוא 150 ס"מ ועד 190 ס"מ – הגבהים בקבוצה הם ברצף. גם בין 160 ל-161 ס"מ יש רצף אינסופי של ערכים אפשריים (כמו 160.233 ס"מ, למשל).



## שאלות:

(1) באיזה סולם מדידה המשתנים הבאים נחקרים (שמי/סדר/רווחים/מנה):

- א. גובה (בס"מ).
- ב. מספר ילדים למשפחה.
- ג. מידת החרדה לפני מבחן.
- ד. שביעות רצון משירות לקוחות בסקלה מ-1 עד 7 (1 - כלל לא מרוצה עד 7 - מרוצה מאוד)
- ה. השכלה.
- ו. מספר אוטובוס.
- ז. מקום מגורים.
- ח. מין (1=גבר ; 2=אישה).
- ט. מידת נעליים.

(2) להלן התפלגות מספר האיחורים לעבודה בחודש של העובדים בחברת "סטאר":

| מספר העובדים | מספר האיחורים |
|--------------|---------------|
| 17           | 0             |
| 23           | 1             |
| 85           | 2             |
| 50           | 3             |
| 25           | 4             |

בחברה 200 עובדים.

- א. מהו המשתנה הנחקר כאן?
- ב. האם מדובר במשתנה איכותי או כמותי?
- אם הוא כמותי האם הוא בדיד או רציף?
- באיזה סולם מדידה המשתנה?

(3) להלן רשימה של משתנים כמותיים. ציינו האם הוא משתנה רציף/בדיד:

- א. שכר ב-ש.
- ב. ציון בחינת בגרות.
- ג. תוצאה של הטלת קובייה.
- ד. מהירות ריצה בתחרות.
- ה. שיעור התמיכה בממשלה.

### תשובות סופיות:

- |    |                   |                          |          |
|----|-------------------|--------------------------|----------|
| (1 | א. מנה.           | ב. מנה.                  | ג. סדר.  |
|    | ד. סדר.           | ה. מנה/ סדר.             | ו. שמי.  |
|    | ז. שמי.           | ח. שמי.                  | ט. סדר.  |
| (2 | א. מספר האיחורים. | ב. כמותי בדיד בסולם מנה. |          |
| (3 | א. רציף.          | ב. בדיד.                 | ג. בדיד. |
|    | ד. רציף.          | ה. רציף.                 |          |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 2 - סטטיסטיקה תיאורית- הצגה של נתונים

תוכן העניינים

1. כללי ..... 5

## סטטיסטיקה תיאורית – הצגה של נתונים:

### רקע:

דרכים להצגת נתונים שנאספו:

### רשימה של תצפיות:

התצפית היא הערך שנצפה עבור ישות מסוימת בקבוצה. רושמים את התצפיות שהתקבלו כרשומה, יעיל שיש מספר מועט של תצפיות. ההצגה הזו רלבנטית לכל סוגי המשתנים. למשל, להלן מספר החדרים בבניין בן 5 דירות: 3, 4, 3, 5, 4.

### טבלת שכיחויות בדידה:

| שם המשתנה-<br>$X$ | שכיחות –<br>$f(x)$     | שכיחות יחסית<br>באחוזים   |
|-------------------|------------------------|---------------------------|
| $X_1$             | $f_1$                  | $\frac{f_1}{N} \cdot 100$ |
| $X_2$             | $f_2$                  | $\frac{f_2}{N} \cdot 100$ |
| $X_3$             | $f_3$                  | $\frac{f_3}{N} \cdot 100$ |
| $\vdots$          | $\vdots$               | $\vdots$                  |
| $X_k$             | $f_k$                  | $\frac{f_k}{N} \cdot 100$ |
| סה"כ              | $N = \sum_{i=1}^k f_i$ | 100%                      |

רושמים את התצפיות בטבלה שבה עמודה אחת מבטאת את ערכי המשתנה והשנייה את השכיחות. יעיל עבור משתנה איכותי וכמותי בדיד וכשיש מספר רב של תצפיות. לא יעיל למשתנה כמותי רציף.

**דוגמה:**

להלן התפלגות הציונים בכיתה מסוימת:

| הציון - $X$ | מספר התלמידים –<br>השכיחות - $f$ | $F_i$ | $\frac{f_i}{n}$ |
|-------------|----------------------------------|-------|-----------------|
| 5           | 2                                | 2     | $0.08=2/25$     |
| 6           | 4                                | 6     | $0.16=4/25$     |
| 7           | 8                                | 14    | $0.32=8/25$     |
| 8           | 5                                | 19    | $0.2=5/25$      |
| 9           | 4                                | 23    | $0.16=4/25$     |
| 10          | 2                                | 25    | $0.08=2/25$     |

שכיחות מצטברת – צבירה של השכיחויות.

השכיחויות  $F_i$  – השכיחות המצטברת נותנת כמה תצפיות קטנות או שוות לערך.

שכיחות יחסית (פרופורציה) – השכיחות מחולקת לכמות התצפיות הכללי:

$\frac{f_i}{n}$  – איזה חלק מהתצפיות בקבוצה שוות לערך.

**טבלת שכיחויות במחלקות:**

משתמשים שהמשתנה כמותי רציף או כאשר יש מספר ערכים רב במשתנה הבדיד וטבלת שכיחויות תהיה ארוכה מידי.

**דוגמה:**

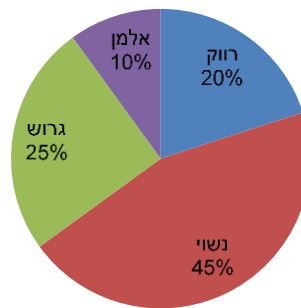
נתנו לקבוצת ילדים לבצע משימה, בדקו את התפלגות זמן הביצוע, בדקות. להלן ההתפלגות שהתקבלה:

| מספר הילדים | זמן בדקות |
|-------------|-----------|
| 20          | 0.5-3.5   |
| 18          | 3.5-9.5   |
| 14          | 9.5-19.5  |
| 8           | 19.5-29.5 |

### דיאגרמת עוגה:

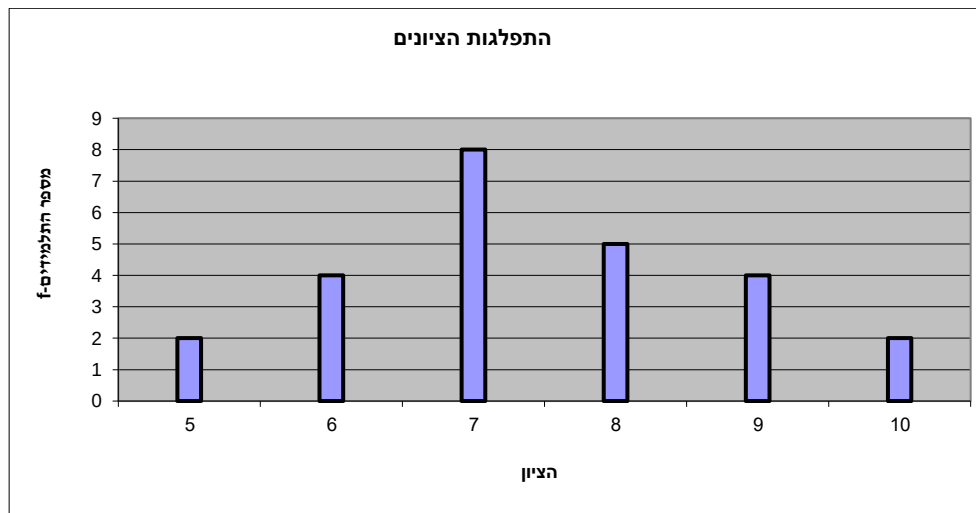
זהו התיאור הגרפי של משתנה איכותי. בדיאגרמת עוגה כל ערך במשתנה מקבל "נתח", שהוא פרופורציונלי לשכיחות היחסית של ערך המשתנה בנתונים.

### התפלגות המצב המשפחתי



### דיאגרמת מקלות:

הציר האופקי הוא הציר של המשתנה והציר האנכי של השכיחות, כך שהגובה של המקל מעיד על השכיחות. רלבנטי למשתנה כמותי בדיד. לא נהוג להשתמש בתיאור למשתנה איכותי וכמו כן לא למשתנה כמותי רציף, וכן בסולמות מדידה עבור משתנה מסולם סדר.

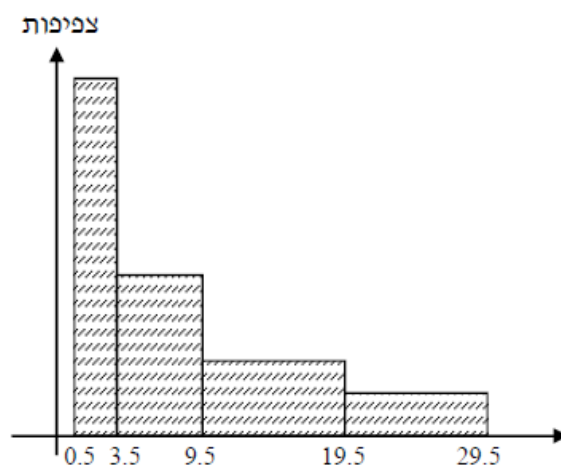


### היסטוגרמה:

היסטוגרמה היא הדרך הגרפית כדי לתאר טבלת שכיחויות במחלקות, והיא רלוונטית למשתנה כמותי רציף.

בהיסטוגרמה הציר האופקי הוא הציר של המשתנה והציר האנכי הוא הציר של הצפיפות. הצפיפות מחושבת בכל מחלקה על ידי חלוקת השכיחות ברוחב של כל המחלקה, והיא נותנת את מספר התצפיות הממוצע בכל מחלקה ליחידה. אם המחלקות הן שוות ברוחב, ניתן לשרטט את ההיסטוגרמה לפי השכיחות ואין צורך בצפיפות.

| צפיפות | מצטברת | שכיחות | אמצע | רוחב | $X$         |
|--------|--------|--------|------|------|-------------|
| 6.6667 | 20     | 20     | 2    | 3    | 0.5 - 3.5   |
| 3      | 38     | 18     | 6.5  | 6    | 3.5 - 9.5   |
| 1.4    | 52     | 14     | 14.5 | 10   | 9.5 - 19.5  |
| 0.8    | 60     | 8      | 24.5 | 10   | 19.5 - 29.5 |



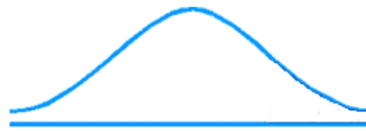
### פוליגון – מצולעון:

אם נחבר את אמצע קצה כל מלבן בקווים ישרים. נותן מראה חזותי לצורה של התפלגות המשתנה.

### צורות התפלגות נפוצות:

#### התפלגות סימטרית פעמונית

רוב התצפיות במרכז, וככל שנתרחק מהמרכז יהיו פחות תצפיות באופן סימטרי. לדוגמה, ציוני IQ.

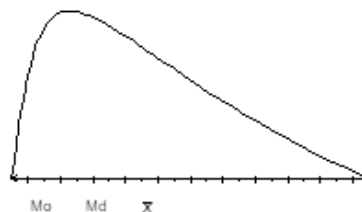


ישנן התפלגויות סימטריות שאינן פעמוניות, כגון:

#### התפלגות אסימטרית ימנית (חיובית)

רוב התצפיות מקבלות ערכים נמוכים ויש מיעוט הולך וקטן של תצפיות שמקבלות ערכים גבוהים קיצוניים. לדוגמה, שכר במשק.

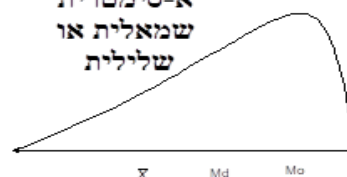
התפלגות א-סימטרית  
ימנית או חיובית



#### התפלגות אסימטרית שמאלית (שלילית)

רוב התצפיות מקבלות ערכים גבוהים ויש מיעוט הולך וקטן של תצפיות שמקבלות ערכים נמוכים קיצוניים. לדוגמה, אורך חיים.

התפלגות  
א-סימטרית  
שמאלית או  
שלילית



## שאלות:

- (1) בסקר צפייה בטלוויזיה התקבלו התוצאות הבאות : 25 צפו בערוץ הראשון, 25 צפו בערוץ 10, 75 צפו בערוץ השני, 50 צפו באחד מערוצי הכבלים ו-25 לא צפו בטלוויזיה בזמן הסקר.
- א. רשמו את טבלת השכיחות ואת השכיחות היחסית.
- ב. תארו את הנתונים באופן גרפי.

- (2) להלן נתונים על התפלגות המקצוע המועדף של תלמידי שכבה ו' בבית הספר "מעוף":

| מספר התלמידים | המקצוע   |
|---------------|----------|
| 44            | מתמטיקה  |
| 20            | תנ"ך     |
| 12            | אנגלית   |
| 26            | היסטוריה |

- א. מהו המשתנה הנחקר?
- ב. מהי פרופורציית התלמידים שמעדיפים תנ"ך?

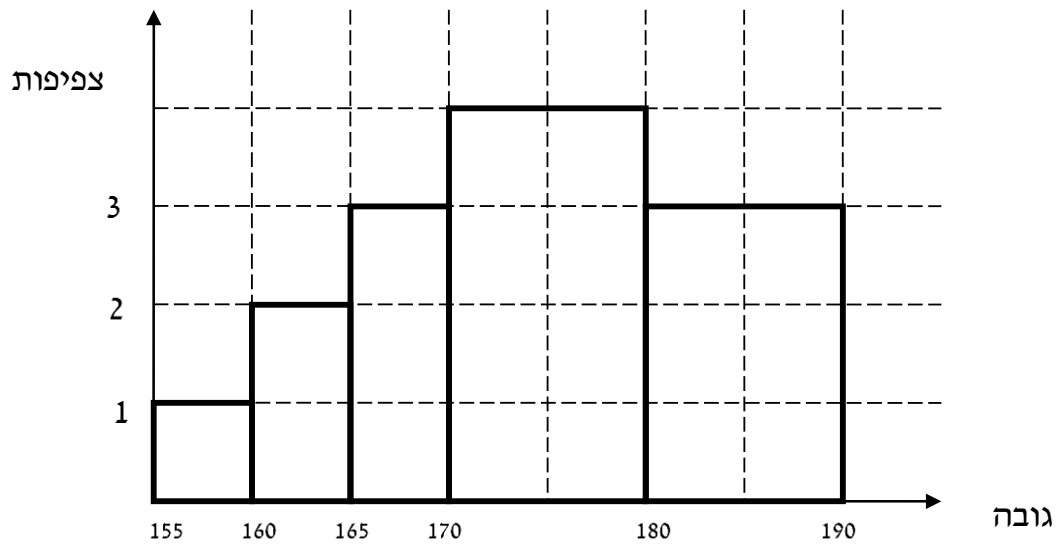
- (3) להלן התפלגות ההשכלה במקום עבודה מסוים:

| מספר העובדים | השכלה   |
|--------------|---------|
| 60           | נמוכה   |
| 120          | תיכונית |
| 20           | אקדמאית |

- א. מהו המשתנה הנחקר?
- מאיזה סולם הוא?
- ב. תארו את הנתונים באופן גרפי.

- (4) להלן רשימת הציונים של 20 תלמידים שנבחנו במבחן הבנת הנקרא:
- 6, 5, 8, 7, 6, 7, 6, 8, 7, 5, 4, 6, 10, 9, 8, 6, 7.
- א. מהו המשתנה? האם הוא בדיד או רציף?
- ב. תארו את הרשימה בטבלת שכיחויות.
- ג. הוסיפו שכיחויות יחסיות לטבלה.
- ד. תארו את הנתונים באופן גרפי.

5) להלן היסטוגרמה המתארת את התפלגות הגבהים בס"מ של קבוצה מסוימת:



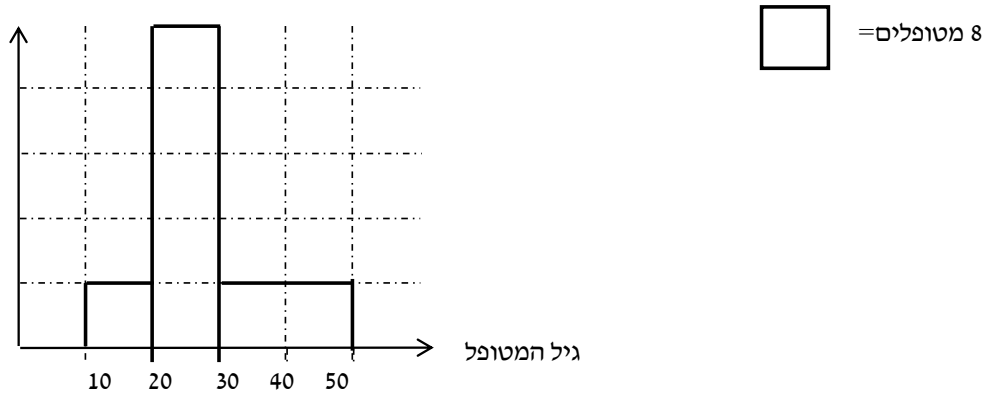
- מהו המשתנה הנחקר? האם הוא בדיד או רציף?
- תארו את הנתונים בטבלת שכיחויות במחלקות.
- הוסיפו שכיחות יחסית לטבלה.
- הוסיפו את הצפיפות של כל מחלקה לטבלה.
- מהי צורת ההתפלגות של הגבהים?

6) להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג:

| משקל  | מספר מקרים |
|-------|------------|
| 40-45 | 10         |
| 45-50 | 20         |
| 50-60 | 30         |
| 60-65 | 20         |
| 65-70 | 10         |

- תארו את ההתפלגות באופן גרפי.
- מה ניתן להגיד על צורת ההתפלגות?

7) להלן גיל המטופלים של ד"ר שוורץ בשנים :  
קנה מידה :



- א. מה המשתנה הנחקר? האם הוא בדיד או רציף?
- ב. מהי הקבוצה הנחקרת?
- ג. תרגמו את ההסיטוגרמה לטבלת שכיחות.
- ד. מהי הפרופורציה של המטופלים של ד"ר שוורץ בגילאים 20-30?

## תשובות סופיות:

1) א. להלן טבלה: ב. עיין גרף מלא בסרטון הוידאו.

| $x$     | $f(x)$ | $\frac{f(x)}{n}$ | %     |
|---------|--------|------------------|-------|
| ערוץ 1  | 25     | $\frac{25}{200}$ | 12.5% |
| ערוץ 10 | 25     | $\frac{25}{200}$ | 12.5% |
| ערוץ 2  | 75     | $\frac{75}{200}$ | 37.5% |
| כבלים   | 50     | $\frac{50}{200}$ | 25%   |
| לא צפו  | 25     | $\frac{25}{200}$ | 12.5% |
| סה"כ    | 200    | 1                | 100%  |

- 2) א. מקצוע מועדף. ב. 19.6%.
- 3) א. משתנה נחקר: השכלה, סוג: סדר. ב. עיין גרף מלא בסרטון הוידאו.

4) א. המשתנה : ציון, משתנה בדיד.  
ד. עיין גרף מלא בסרטון הוידאו.

ב+ג. להלן טבלה :

| $x$  | $f(x)$ | $\frac{f(x)}{n}$ | %    |
|------|--------|------------------|------|
| 4    | 1      | $\frac{1}{20}$   | 5%   |
| 5    | 2      | $\frac{2}{20}$   | 10%  |
| 6    | 6      | $\frac{6}{20}$   | 30%  |
| 7    | 4      | $\frac{4}{20}$   | 20%  |
| 8    | 4      | $\frac{4}{20}$   | 20%  |
| 9    | 2      | $\frac{2}{20}$   | 10%  |
| 10   | 1      | $\frac{1}{20}$   | 5%   |
| סה"כ | 20     | 20               | 100% |

5) א. גובה בס"מ, רציף.

ב+ג+ד. להלן טבלה : ה. אסימטרית.

| $x$     | $f(x)$ | $\frac{f(x)}{n}$ | %   | $d$ |
|---------|--------|------------------|-----|-----|
| 155-160 | 5      | $\frac{5}{100}$  | 5%  | 1   |
| 160-165 | 10     | $\frac{10}{100}$ | 10% | 2   |
| 165-170 | 15     | $\frac{15}{100}$ | 15% | 3   |
| 170-180 | 40     | $\frac{40}{100}$ | 40% | 4   |
| 180-190 | 30     | $\frac{30}{100}$ | 30% | 3   |

- 6) א. עיין גרף מלא בסרטון הוידאו. ב. סימטרית.
- 7) א. המשתנה: גיל בשנים, משתנה רציף. ב. המטופלים של ד"ר שוורץ.
- ד. להלן טבלה: ה. 62.5%.

| $f(x)$ | $x$   |
|--------|-------|
| 8      | 10-20 |
| 40     | 20-30 |
| 16     | 30-50 |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 3 - סטטיסטיקה תיאורית-גבולות מדומים ואמיתיים

תוכן העניינים

1. כללי.....16

## סטטיסטיקה תיאורית – גבולות מדומים וגבולות אמיתיים:

### רקע:

עבור משתנה רציף נהוג לתאר את הנתונים בטבלת שכיחויות במחלקות. הנתונים שנאספים הם ברמת דיוק מסוימת. לדוגמה: משקל של בני אדם ומשקל של יהלומים ישקלו ברמת דיוק שונה.

### גבולות מדומים:

כאשר גבול עליון של מחלקה אחת שונה מגבול תחתון של המחלקה הבאה אז הגבולות הם גבולות מדומים. כשהגבולות מדומים, ההפרש בין גבול תחתון של מחלקה לבין גבול עליון של המחלקה הקודמת יהיה רמת הדיוק.

**רמת הדיוק חייבת להיות קבועה** - אין אפשרות שחלק מהאנשים נדייק ברמה אחת ואת השאר ברמה אחרת. בגלל שהמשתנה הוא משתנה רציף, כשננתח את הנתונים נעבור מגבולות מדומים לגבולות אמיתיים. אם הנתונים יינתנו בגבולות מדומים נהפוך אותם תמיד לגבולות אמיתיים.

כיצד עוברים מגבולות מדומים לגבולות אמיתיים?

לוקחים את רמת הדיוק ומחלקים אותה ב-2, ואת התוצאה המתקבלת מוסיפים לגבולות העליונים ומפחיתים מהגבולות התחתונים. אם יתנו נתונים בגבולות מדומים אנחנו מוכרחים לעבור לגבולות אמיתיים על מנת להמשיך ולנתח, אך אם הנתונים כבר יינתנו בגבולות אמיתיים נשאיר אותם כמו שהם.

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

להלן התפלגות הגבהים בס"מ של תלמידי כיתה ח': יש להעביר את הנתונים לגבולות אמיתיים.

| $f(x)$ | $x$     |
|--------|---------|
| 20     | 130-139 |
| 25     | 140-149 |
| 30     | 150-159 |
| 20     | 160-169 |
| 10     | 170-189 |

## שאלות:

- (1) להלן התפלגות של משתנה בהצגה של מחלקות.  
יש להעביר את הנתונים לגבולות אמיתיים:

| $f(x)$ | $X$     |
|--------|---------|
| 542    | 500-590 |
| 32     | 600-690 |
| 154    | 700-790 |
| 254    | 800-890 |

- (2) להלן התפלגות המשקלים בק"ג של קבוצת אנשים מסוימת.  
יש לרשום את הנתונים בגבולות אמיתיים:

| מספר אנשים | משקל בק"ג |
|------------|-----------|
| 18         | 60-64     |
| 24         | 65-69     |
| 52         | 70-79     |
| 19         | 80-89     |

## תשובות סופיות:

- (1) להלן טבלה:

| $f(x)$ | $x$     |
|--------|---------|
| 542    | 495-595 |
| 32     | 595-695 |
| 154    | 695-795 |
| 254    | 795-895 |

- (2) להלן טבלה:

| $f(x)$ | $x$       |
|--------|-----------|
| 18     | 59.5-64.5 |
| 24     | 64.5-69.5 |
| 52     | 69.5-79.5 |
| 19     | 79.5-89.5 |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 4 - סטטיסטיקה תיאורית- סכימה

תוכן העניינים

1. כללי.....18

## סטטיסטיקה תיאורית – סכימה:

רקע:

בסטטיסטיקה ישנה צורת רישום מקובלת לסכום של תצפיות:  $\sum_{i=1}^n X_i$ .

נסביר את צורת הרישום על ידי הדוגמה הבאה:

| $i$ | $X_i$ |
|-----|-------|
| 1   | 5     |
| 2   | 0     |
| 3   | 1     |
| 4   | 3     |
| 5   | 2     |

(הסבר מלא מופיע בסרטונים באתר).

## שאלות:

- 1) בבניין 5 דירות. לכל דירה רשמו את מספר החדרים שיש בדירה ( $X$ ), ומספר הנפשות החיות בדירה ( $Y$ ). חשבו:

| מספר דירה | $X$ | $Y$ |
|-----------|-----|-----|
| 1         | 2   | 1   |
| 2         | 3   | 1   |
| 3         | 2   | 2   |
| 4         | 4   | 3   |
| 5         | 3   | 2   |

א.  $\sum_{i=1}^3 X_i$

ב.  $\sum_{i=1}^5 Y_i$

ג.  $\sum_{i=1}^4 X_i$

ד.  $\left( \sum_{i=1}^4 X_i \right)^2$

ה.  $\sum X_i$

ו.  $\sum X_i Y_i$

ז.  $\sum(X_i) \sum(Y_i)$

- (2) נתון לוח ערכי המשתנים  $X_i$  ו- $Y_i$ , כאשר:  $i = 1, 2, \dots, 6$ , ונתונים הקבועים:  
 $a = 2$ ,  $b = 5$ . חשבו את הנוסחאות הבאות:

| $i$   | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6 |
|-------|---|---|---|----|----|---|
| $X_i$ | 3 | 2 | 4 | -2 | 1  | 4 |
| $Y_i$ | 2 | 0 | 0 | 1  | -5 | 2 |

א.  $\sum_{i=1}^4 y_i$

ב.  $\sum_{i=1}^6 a$

ג.  $\sum_{i=1}^6 x_i y_i$

ד.  $\sum_{i=1}^6 (x_i + y_i)$

ה.  $\sum_{i=1}^6 x_i + a$

- (3) קבעו לכל זהות האם היא נכונה:

א.  $\sum_{i=1}^n bX_i = b \cdot \sum_{i=1}^n X_i$

ב.  $\sum_{i=1}^n a = a \cdot n$

ג.  $\left( \sum_{i=1}^n X_i \right)^2 = \sum_{i=1}^n X_i^2$

- (4) נתון:  $\sum_{i=1}^{10} X_i = 80$ ,  $\sum_{i=1}^{10} X_i^2 = 1640$

חשבו:  $\sum_{i=1}^{10} (X_i - 4)^2$

### תשובות סופיות:

- |              |           |              |         |
|--------------|-----------|--------------|---------|
| 1) א. 7.     | ב. 9.     | ג. 11.       | ד. 121. |
| ה. 14.       | ו. 27.    | ז. 126.      |         |
| 2) א. 3.     | ב. 12.    | ג. 7.        |         |
| ד. 12.       | ה. 14.    |              |         |
| 3) א. נכונה. | ב. נכונה. | ג. לא נכונה. |         |
| 4) 1160.     |           |              |         |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 5 - סטטיסטיקה תיאורית - מדדי מיקום מרכזי

תוכן העניינים

1. כללי ..... 22

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי מיקום מרכזי:

### רקע:

המטרה במדדי המיקום המרכזי היא למדוד את מרכז ההתפלגות של התצפיות.

### השכיח – Mode:

השכיח הוא הערך הנפוץ ביותר בהתפלגות.

### ברשימה

הערך החוזר על עצמו הכי הרבה פעמים: 7, 9, 4, 8, 4, 10, 6.

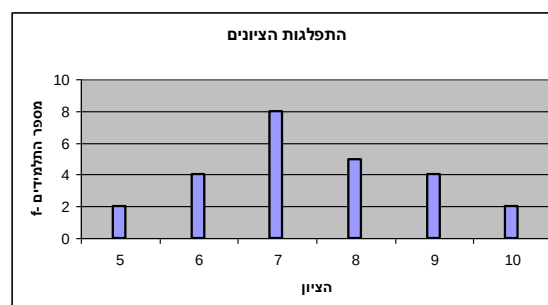
### בטבלת שכיחויות בדידה

הערך שהשכיחות שלו היא הגבוהה ביותר.

| $f(x)$ | # תוכניות החיסכון |
|--------|-------------------|
| 100    | 0                 |
| 75     | 1                 |
| 25     | 2                 |
| 25     | 3                 |
| 25     | 4                 |

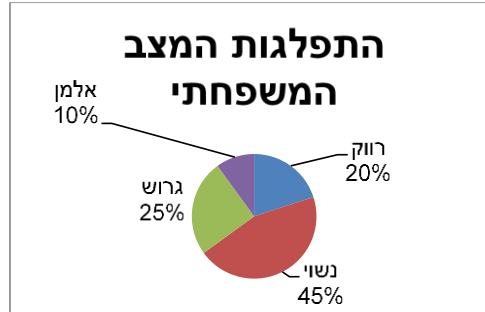
### בדיאגרמת מקלות

שיעור ה-  $X$  של המקל הגבוה ביותר.



### בעוגה

הערך של הפלח הגדול ביותר.



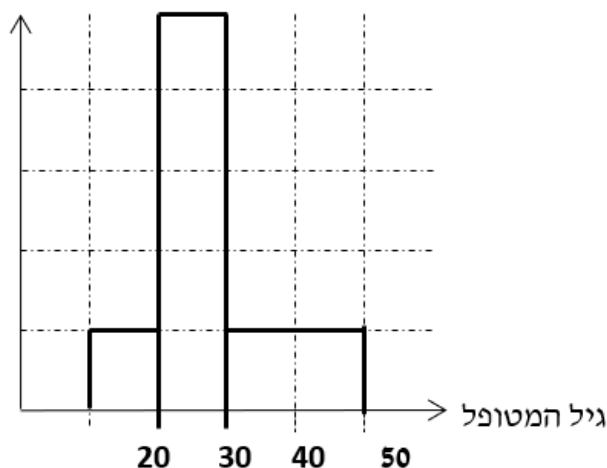
### בטבלת שכיחויות במחלקות

אמצע המחלקה עם הצפיפות הגבוהה ביותר.  
לדוגמה, התפלגות הציונים בכיתה :

| $f(x)$ | $X$    |
|--------|--------|
| 20     | 0-60   |
| 10     | 60-70  |
| 18     | 70-80  |
| 15     | 80-90  |
| 15     | 90-100 |

### בהיסטוגרמה

שיעור ה-  $X$  של אמצע המחלקה הגבוהה ביותר.  
לדוגמה, גיל המטופלים של ד"ר שוורץ בשנים :



= 8

### כללי

יתכן שלהתפלגות יותר משכיח אחד.  
השכיח הוא מדד הרלבנטי לכל סוגי המשתנים.

### אמצע תחום (טווח) – Midrange:

הממוצע בין התצפית הגבוהה ביותר לתצפית הנמוכה ביותר:

$$MR = \frac{X_{\min} + X_{\max}}{2}$$

### החציון – Median:

החציון הוא ערך שמחצית מהתצפיות קטנות או שוות לו ומחצית מהתצפיות גדולות או שוות לו.

### ברשימה

נסדר את התצפיות בסדר עולה.

אם יש מספר אי זוגי של איברים, מקומו של החציון יהיה התצפית שמיקומה:  $\frac{n+1}{2}$ .

אם יש מספר זוגי של איברים – החציון הוא ממוצע של האיבר ה- $\frac{n}{2}$ ,

והאיבר ה- $\frac{n}{2} + 1$ , כלומר שיש מספר אי-זוגי של תצפיות החציון יהיה:  $md = X_{\frac{n+1}{2}}$ ,

וכשיש מספר זוגי של תצפיות החציון יהיה:  $md = \frac{X_{\frac{n}{2}} + X_{\frac{n}{2}+1}}{2}$ .

### בטבלת שכיחויות בדידה

נעשה תהליך דומה אך נעזר בשכיחות המצטברת.

### דיאגרמת מקלות

נמיר לטבלת שכיחויות בדידה במטרה למצוא את החציון.

### בטבלת שכיחויות במחלקות

שלב א: נמצא את המחלקה החציונית שמיקומה יהיה  $\frac{n}{2}$ .

שלב ב: נציב בנוסחה הבאה:  $Md = L_0 + \frac{\frac{n}{2} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$

$F(x_{m-1})$  - שכיחות מצטברת של מחלקה אחת לפני המחלקה החציונית.  
 $f(x_m)$  - השכיחות של המחלקה החציונית.

$L_0$  - גבול התחתון של המחלקה.

$L_1$  - גבול העליון של המחלקה.

### היסטוגרמה

החציון הוא הערך על ציר ה- $X$  שמחלק את ההיסטוגרמה לשני חלקים שווים בשטח.

### כללי

החציון אינו רלבנטי למשתנה מסולם שמי ולא רלבנטי למשתנה איכותי.

### הממוצע – Average :

הממוצע הוא מרכז הכובד של ההתפלגות.

### ברשימה

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

### בטבלת שכיחויות

$$\bar{X} = \frac{\sum x \cdot f}{n}$$

### במחלקות

נשתמש באותה נוסחה רק נתייחס לאמצע המחלקה בתור ה-  $X$ .  
 הממוצע הזה יהיה ממוצע מקורב.

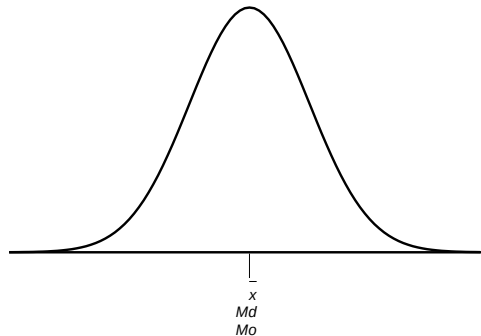
### כללי

הממוצע רלבנטי רק למשתנה כמותי.

### מדדי המיקום המרכזי בהתפלגויות המיוחדות:

בהתפלגות סימטרית פעמונית כל מדדי המרכז שווים זה לזה:

#### התפלגות סימטרית

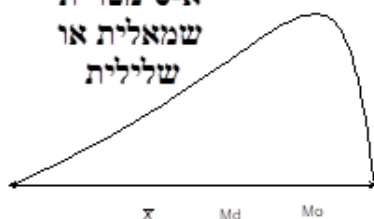


בהתפלגות סימטרית השכיח לא חייב להיות במרכז:

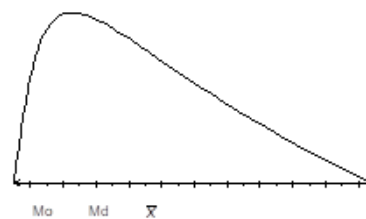
#### התפלגות U



#### התפלגות א-סימטרית שמאלית או שלילית



#### התפלגות א-סימטרית ימנית או חיובית



## שאלות:

(1) להלן רשימת הציונים של 20 תלמידים שנבחנו במבחן הבנת הנקרא:  
6, 5, 8, 7, 6, 6, 7, 8, 5, 4, 6, 10, 9, 8, 6, 7.  
חשבו את החציון, השכיח, והממוצע של הציונים.

(2) בדקו את מספר החדרים לדירה בבניין בן 5 דירות והתקבל ממוצע 3.8.  
לגבי 4 דירות נמצא מספר חדרים: 4, 3, 4, 5.  
א. כמה חדרים יש בדירה החמישית?  
ב. מהו השכיח ומהו החציון?

(3) להלן התפלגות מספר מקלטי הטלוויזיה שנספרו עבור כל משפחה ביישוב מסוים:

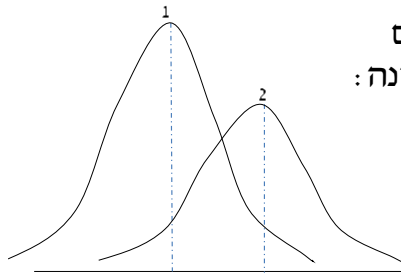
| מספר משפחות | מספר מקלטים |
|-------------|-------------|
| 22          | 0           |
| 28          | 1           |
| 18          | 2           |
| 22          | 3           |
| 10          | 4           |

א. חשבו את הממוצע, החציון והשכיח של ההתפלגות.  
ב. הסבירו ללא חישוב כיצד כל מדד שחישבת בסעיף א' היה משתנה אם חלק מהמשפחות (לא כולן) שלא היה להם עד היום טלוויזיה היו רוכשים מקלט אחד.

(4) להלן התפלגות מספר המכוניות למשפחה ביישוב "הגורן":

| מספר מכוניות למשפחה | 1  | 2   | 3   | 4   | 5  |
|---------------------|----|-----|-----|-----|----|
| שכיחות              | 65 | 150 | 220 | 140 | 55 |

א. כמה משפחות יש ביישוב?  
ב. מה אחוז המשפחות ביישוב עם לכל היותר 2 מכוניות?  
ג. חשבו את הממוצע, החציון והשכיח.  
הקפידו להסביר לגבי כל סעיף מה משמעות התוצאה שקיבלתם!



5) מורה לימד 2 כיתות, הוא תיאר באותה מערכת צירים את התפלגות הציונים בכל כיתה. בחרו בתשובה הנכונה:

- א. בכיתה 1 השכיח גבוה יותר מכיתה 2.
- ב. בכיתה 2 השכיח גבוה יותר מכיתה 1.
- ג. בשתי הכיתות אותו שכיח.
- ד. לא ניתן לדעת באיזו כיתה השכיח גדול יותר.

6) ביישוב מסוים בדקו לכל משפחה את מספר הטלוויזיות שיש לה בבית. ביישוב גרות 200 משפחות. בממוצע יש למשפחה 1.5 טלוויזיות.

| מספר<br>טלוויזיות | מספר<br>משפחות |
|-------------------|----------------|
| 0                 | 28             |
| 1                 | 62             |
| 2                 |                |
| 3                 |                |

- א. השלימו את הטבלה.
- ב. מהו השכיח, אמצע טווח והחציון.
- ג. חלק מהמשפחות להן הייתה טלוויזיה אחת בדיוק הוציאו את הטלוויזיה מביתם. כיצד כל מדד ישתנה (יגדל, יקטן או לא ישתנה). הסבירו ללא חישוב.

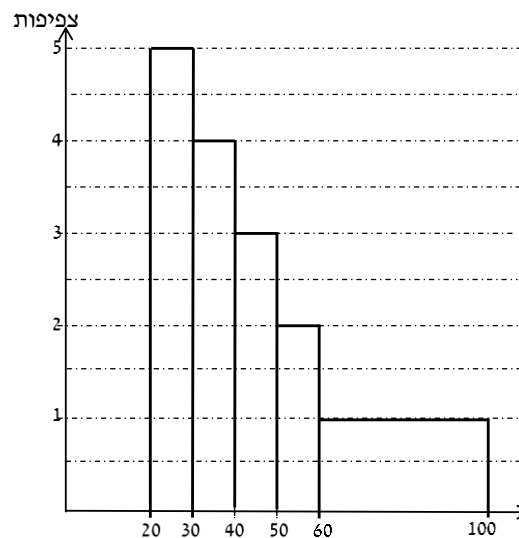
7) להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג. מה הממוצע והחציון של ההתפלגות?

| משקל  | מספר מקרים |
|-------|------------|
| 40-45 | 10         |
| 45-50 | 20         |
| 50-60 | 30         |
| 60-65 | 20         |
| 65-70 | 10         |

- 8) להלן התפלגות הגבהים בס"מ בקבוצה מסוימת. חשבו את הממוצע, החציון והשכיח של הגבהים בקבוצה זו.

| גובה בס"מ | שכיחות |
|-----------|--------|
| 150-160   | 30     |
| 160-170   | 40     |
| 170-175   | 60     |
| 175-180   | 70     |
| 180-190   | 40     |

- 9) בפקולטה מסוימת בדקו לסטודנטים העובדים בה את השכר לשעת עבודה. להלן התוצאות:



- א. מצאו את השכיח בהתפלגות.  
 ב. מצאו את החציון בהתפלגות.  
 ג. הסבירו ללא חישוב האם הממוצע גדול/קטן/שווה לחציון.  
 ד. הסתבר שיש להוציא מספר תלמידים במחלקה בין 20-30 שקלים. כיצד הדבר ישפיע על הממוצע, החציון והשכיח? הסבירו ללא חישוב.

## תשובות סופיות:

- (1) חציון : 7, שכיח : 6, ממוצע : 6.9.
- (2) א. 3. ב. שכיח : 3.4, חציון : 4.
- (3) א. ממוצע : 1.7, חציון : 1.5, שכיח : 1.  
ב. הממוצע יגדל ויתר המדדים לא ישתנו.
- (4) א. 630. ב. 34.13%. ג. שכיח וחציון : 3, ממוצע : 2.952.
- (5) ב'.
- (6) א. להלן טבלה : ב. חציון : 2, שכיח : 2, אמצע טווח : 1.5.

| מספר<br>משפחות | מספר<br>טלויזיות |
|----------------|------------------|
| 28             | 0                |
| 62             | 1                |
| 92             | 2                |
| 18             | 3                |

ג. שכיח : לא ישתנה, אמצע הטווח : לא ישתנה, חציון : לא ישתנה, ממוצע : יקטן.

- (7) חציון וממוצע : 55.
- (8) ממוצע : 172.6, חציון : 174.17, שכיח : 177.5.
- (9) א. 25. ב. 40. ג. גדול מהחציון.  
ד. שכיח : לא ישתנה, חציון : יגדל, ממוצע : יגדל.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 6 - סטטיסטיקה תיאורית - מדדי פיזור - הטווח, השונות וסטיית התקן

תוכן העניינים

1. כללי..... 31

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי פיזור – הטווח, השונות וסטיית התקן:

### רקע:

**המטרה:** למדוד את הפיזור של הנתונים, כלומר כמה הם רחוקים זה מזה ושונים זה מזה.

**הטווח / תחום (RANGE):**

ההפרש בין התצפית הגבוהה ביותר לנמוכה ביותר:  $R = X_{\max} - X_{\min}$ .

### שונות וסטיית תקן:

שונות היא ממוצע ריבועי של הסטיות מהממוצע וסטיית התקן היא שורש של השונות.

$$S_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n} - \bar{x}^2 \quad \text{עבור סדרת נתונים:}$$

### דוגמאות:

(1) נחשב את השונות של סדרת המספרים הבאה: 5, 4, 9.

$$S_x^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2 f}{n} = \frac{\sum x^2 \cdot f}{n} - \bar{x}^2 \quad \text{עבור טבלת שכיחויות:}$$

(2) להלן התפלגות הציונים בכיתה מסוימת בה ממוצע הציונים הוא 7.44.

| הציון<br>$X$ | השכיחות<br>$F$ | $x^2 \cdot F$ |
|--------------|----------------|---------------|
| 5            | 2              | 50            |
| 6            | 4              | 144           |
| 7            | 8              | 392           |
| 8            | 5              | 320           |
| 9            | 4              | 324           |
| 10           | 2              | 200           |
| <b>סה"כ</b>  |                | <b>1430</b>   |

$$S_x^2 = \frac{\sum x^2 f(x)}{n} - \bar{x}^2 = \frac{1430}{25} - 7.44^2 = 1.8464$$

$$S = \sqrt{S_x^2} = \sqrt{1.8464} = 1.3588$$

כשיש מחלקות נעזר באמצע המחלקה כדי לחשב את השונות.

## שאלות:

- (1) להלן רשימת הציונים של 20 תלמידים שנבחנו במבחן הבנת הנקרא:
- 6, 5, 8, 7, 6, 8, 6, 7, 8, 5, 6, 4, 10, 9, 8, 6, 7.
- חשבו את השונות, סטיית התקן והטווח של הציונים.

- (2) להלן התפלגות מספר המכוניות למשפחה ב"הגורן":

| מספר מכוניות למשפחה | 1  | 2   | 3   | 4   | 5  |
|---------------------|----|-----|-----|-----|----|
| שכיחות              | 65 | 150 | 220 | 140 | 55 |

- א. חשבו סטיית התקן.
- ב. חשבו את הטווח של הנתונים.
- הקפידו להסביר לגבי כל סעיף מה משמעות התוצאה שקיבלתם.
- (3) בחברה העוסקת בטלמרקטינג בדקו עבור כל עובד את מספר שנות הוותק שלו. התקבל שממוצע שנות הוותק הוא 4 שנים וסטיית התקן היא שנתיים.
- א. האם הממוצע יגדל/יקטן/לא ישתנה וסטיית התקן תגדל/תקטן/לא תשנה כאשר יתווספו שני עובדים עם וותק של 4 שנים להתפלגות?
- ב. האם הממוצע יגדל/יקטן/לא ישתנה וסטיית התקן תגדל/תקטן/לא תשנה כאשר יתווספו שני עובדים אשר אחד עם וותק של 0 שנים והשני עם וותק של 8 שנים להתפלגות?
- (4) נתונה רשימה של 5 תצפיות, אך רק עבור 4 מהן נרשמו הסטיות שלהן מהממוצע: 2, 3, 2, 1. חשבו את השונות של חמש התצפיות.
- (5) בשכונה בדקו בכל דירה את מספר החדרים לדירה. בשכונה 200 דירות.

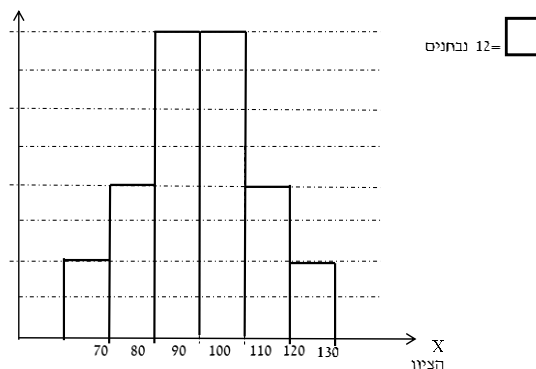
| מספר חדרים | פרופורציה |
|------------|-----------|
| 1          | 0.1       |
| 2          | 0.2       |
| 3          | 0.4       |
| 4          | 0.15      |
| 5          |           |

- א. מה הממוצע של מספר החדרים לשכונה בדירה?
- ב. חשבו את סטיית התקן של מספר החדרים לדירה.
- ג. חלק מבעלי הדירות בנות 2 החדרים הפכו את דירתם לדירת חדר. כיצד הדבר ישפיע (יקטין, יגדל, לא ישנה) על כל מדד שחישבתם בסעיפים הקודמים.

6) להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג: מהי סטיית התקן של התפלגות המשקל?

| משקל  | מספר מקרים |
|-------|------------|
| 40-45 | 10         |
| 45-50 | 20         |
| 50-60 | 30         |
| 60-65 | 20         |
| 65-70 | 10         |

7) להלן התפלגות הציונים במבחן אינטליגנציה:



- א. מה הממוצע ומה החציון של ההתפלגות?  
 ב. חשבו את סטיית התקן של הציונים.  
 ג. מסתבר שיש להוסיף 20 תצפיות לכל אחת משתי המחלקות 90-100 ו-100-110. כיצד הדבר ישתנה את כל אחד מהמדדים של הסעיפים הקודמים?

### תשובות סופיות:

- 1) שונות: 2.19, סטיית תקן: 1.48, טווח: 6.  
 2) א. סטיית תקן: 1.106. ב. טווח: 4.  
 3) א. ממוצע לא ישתנה, סטיית התקן תקטן.  
 ב. ממוצע לא ישתנה, סטיית התקן תגדל.  
 4) 10.8  
 5) א. 3.05. ב. 1.16. ג. ממוצע: יקטן, סטיית התקן: תגדל.  
 6) 7.73  
 7) א. 100. ב. 12.96. ג. ממוצע: לא ישתנה, סטיית תקן: תקטן.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 7 - סטטיסטיקה תיאורית - מדדי פיזור - טווח בין רבעוני

תוכן העניינים

1. כללי ..... 34

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי פיזור – טווח בין רבעוני:

**רקע:**

הטווח הבין-רבעוני נותן את הטווח בין הרבעונים בו נמצאים 50% מהתצפיות המרכזיות.

**שלבים במציאת טווח בין-רבעוני במחלקות:**

| מספר שנות ותק | רוחב $L_1 - L_0$ | מספר עובדים<br>(שכירות) $f$ | $F$ |
|---------------|------------------|-----------------------------|-----|
| 0.5 – 4.5     | 4                | 56                          | 56  |
| 4.5 – 9.5     | 5                | 50                          | 106 |
| 9.5 – 11.5    | 2                | 48                          | 154 |
| 11.5 – 14.5   | 3                | 36                          | 190 |
| 14.5 – 19.5   | 5                | 10                          | 200 |

**שלב א:**

נמצא את הרבעון התחתון (אחוזון 25) והרבעון העליון (האחוזון ה-75).

מיקום הרבעון התחתון יהיה:  $\frac{n}{4}$ . מיקום הרבעון העליון יהיה:  $\frac{3n}{4}$ .

נוסחאות הרבעונים יהיו:

$$Q_1 = L_0 + \frac{\frac{n}{4} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$$

$$Q_3 = L_0 + \frac{\frac{3n}{4} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$$

**נציב:**

$$Q_1 = 0.5 + \frac{\frac{200}{4} - 0}{56} \cdot 4 = 4.07 \text{ שניות}$$

$$Q_3 = 9.5 + \frac{\frac{3 \cdot 200}{4} - 106}{48} \cdot 2 = 11.33 \text{ שניות}$$

**שלב ב:**

$$IQR = Q_3 - Q_1 = 11.33 - 4.07 = 7.26 \text{ שניות}$$

נחסר את הרבעונים:

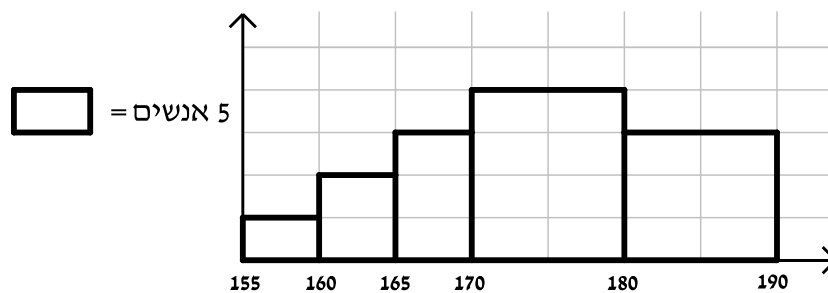
## שאלות:

(1) להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג:

| משקל  | מספר מקרים |
|-------|------------|
| 40-45 | 10         |
| 45-50 | 20         |
| 50-60 | 30         |
| 60-65 | 20         |
| 65-70 | 10         |

מצאו את הטווח הבין-רבעוני.

(2) להלן היסטוגרמה המתארת את התפלגות הגבהים בס"מ של קבוצה מסוימת:



מצאו את הטווח הבין-רבעוני.

## תשובות סופיות:

(1) 13.75 ק"ג.

(2) 13.33 ק"ג.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 8 - סטטיסטיקה תיאורית- מדדי מיקום יחסי-ציון תקן

תוכן העניינים

1. כללי..... 36

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי מיקום יחסי – ציון תקן:

### רקע:

המטרה למדוד איך תצפית ממוקמת ביחס לשאר התצפיות בהתפלגות.

### ציון תקן:

הנוסחה לציון תקן של תצפית היא:  $Z = \frac{X - \bar{X}}{S}$ .

- ציון התקן נותן כמה סטיות תקן סוטה התצפית מהממוצע. כלומר, ציון התקן מעיד על כמה סטיות תקן התצפית מעל או מתחת לממוצע:
- ציון תקן חיובי אומר שהתצפית מעל הממוצע.
  - ציון תקן שלילי אומר שהתצפית מתחת לממוצע.
  - ציון תקן אפס אומר שהתצפית בדיוק בממוצע.

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

במקום עבודה מסוים, ממוצע המשכורות הוא 8 אלף ₪, עם סטית תקן של אלפיים ₪. באותו מקום עבודה ההשכלה הממוצעת של העובדים הנה 14 שנים, עם סטית תקן של 1.5 שנים. ערן מרוויח במקום עבודה זה 11 אלף ₪ והשכלתו 16 שנים. מה ערן יותר, באופן יחסי, משכיל או משתכר?

## שאלות:

- (1) תלמידי כיתה ח' ניגשו למבחן בלשון ולמבחן במתמטיקה. להלן התוצאות שהתקבלו:

| המקצוע  | ממוצע | סטיית תקן |
|---------|-------|-----------|
| לשון    | 74    | 12        |
| מתמטיקה | 80    | 16        |

עודד קיבל: 68 בלשון ו-70 במתמטיקה.

- א. באיזה מקצוע עודד טוב יותר באופן יחסי לשכבה שלו?  
 ב. איזה ציון עודד צריך לקבל במתמטיקה כדי שיהיה שקול לציונו בלשון?

- (2) במפעל לייצור מצברים לרכב בדקו במשך 40 ימים את התפוקה היומית (מספר מצברים במאות) ואת מספר הפועלים שעבדו באותו היום. להלן טבלה המסכמת את המידע שנאסף על שני המשתנים:

| ממוצע     | תפוקה | מספר פועלים |
|-----------|-------|-------------|
| ממוצע     | 48    | 15          |
| סטיית תקן | 10    | 2           |

- באחד הימים מתוך כלל הימים שנבדקו התפוקה הייתה 50 מאות מצברים ובאותו היום עבדו 13 פועלים.  
 מה יותר חריג באותו היום, יחסית לשאר הימים שנבדקו: נתוני התפוקה או כמות הפועלים?  
 א. התפוקה.  
 ב. כמות הפועלים.  
 ג. חריגים באותה מידה.  
 ד. חסרים נתונים כדי לדעת זאת.

- (3) הגובה הממוצע של המתגייסים לצבא הוא 175 סנטימטר עם סטיית תקן של 10 סנטימטר. המשקל הממוצע הוא 66 ק"ג עם סטיית תקן של 8 ק"ג. ערך התגייס כשגובהו 180 ס"מ ומשקלו 59 ק"ג.  
 א. במה ערך חריג יותר ביחס לשאר המתגייסים, גובהו או משקלו?  
 ב. כמה ערך אמור לשקול כדי שמשקלו יהיה שקול לגובהו?

## תשובות סופיות:

- (1) א. לשון. ב. 72.  
 (2) ב'.  
 (3) א. משקל. ב. 70.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 9 - סטטיסטיקה תיאורית-מדדי מיקום יחסי-אחוזונים במחלקות

תוכן העניינים

1. כללי ..... 38

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי מיקום יחסי – אחוזונים במחלקות:

### רקע:

האחוזון (המאון) ה- $p$  הוא הערך בנתונים המחלק את הנתונים בצורה כזאת שעד אליו יש  $p\%$  מהנתונים. מסמנים את האחוזון ה- $p$  ב- $X_p$ .  
למשל, המאון ה-25 הוא האחוזון ה-25 או הרבעון התחתון:  
ערך שרבע מהתצפיות קטנות ממנו והשאר גבוהות ממנו. מסומן:  $X_{0.25}$ .

### מציאת מאון במחלקות:

שלב א: נמצא את המחלקה הרלבנטית שמיקומה יהיה:  $\frac{np}{100}$ .

שלב ב: נציב בנוסחה הבאה:  $x_p = L_0 + \frac{\frac{n \cdot p}{100} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$ , את המשתנים:

$F(x_{m-1})$  - שכיחות מצטברת של מחלקה אחת לפני המחלקה הרלבנטית.

$f(x_m)$  - השכיחות של המחלקה הרלבנטית.

$L_0$  - גבול התחתון של המחלקה.

$L_1$  - גבול העליון של המחלקה.

אם נרצה לחלץ את אחוז התצפיות שמתחת לערך מסוים נשתמש בנוסחה

$$P_x = \left[ \frac{(x - L_0)}{(L_1 - L_0)} \cdot f(x_m) + F(x_{m-1}) \right] \cdot \frac{100}{n}$$

הבאה:

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

להלן התפלגות השכר של עובדים בחברה מסוימת:

| שכר ב-₪     |     |
|-------------|-----|
| 4000-6000   | 140 |
| 6000-10000  | 128 |
| 10000-15000 | 60  |
| 15000-20000 | 54  |
| 20000-40000 | 18  |

א. מצאו את המאון ה-40.

ב. מהו אחוז העובדים שמשכרים מתחת ל-5,000 ₪?

## שאלות:

1) להלן התפלגות השכר (באלפי שקלים) בחברה:

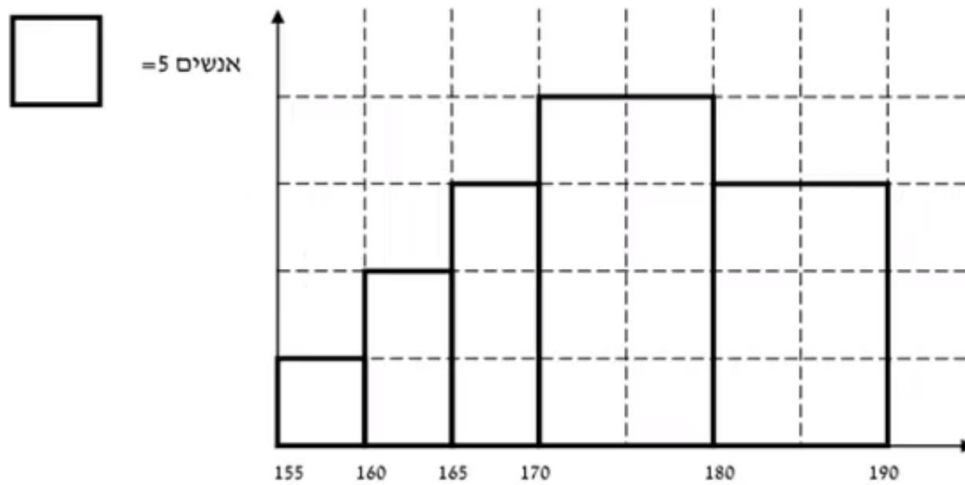
| שכר - $X$ | שכיחות מצטברת |
|-----------|---------------|
| 6-10      | 48            |
| 10-15     | 100           |
| 15-20     | 120           |
| 20-30     | 132           |
| 30-60     | 136           |

- א. חשבו את המאון ה-60.
- ב. מהו העשירון העליון?
- ג. 20% מהמשכורות הגבוהות ביותר הן משכורות של הבכירים, מהי המשכורת המינימאלית לבכיר?
- ד. מה אחוז האנשים שמשכרים מתחת ל-7,000 ₪?
- ה. איזה אחוז מהעובדים משכרים מעל ל-25,000 ₪?
- ו. איזה אחוז מהעובדים משכרים בין 7,000 ₪ ל-25,000 ₪?

2) למבחן ניגשו 400 נבחנים. נתון שהעשירון התחתון הוא הציון 60. הרבעון העליון הוא הציון 80. כמו כן ההתפלגות של הציונים היא סימטרית. מלאו את השכיחויות החסרות.

| ציון - $X$ | $f(x)$ |
|------------|--------|
| 50-60      |        |
| 60-70      |        |
| 70-80      |        |
| 80-90      |        |
| 90-100     |        |

(3) להלן היסטוגרמה המתארת את התפלגות הגבהים בס"מ של קבוצה מסוימת:



חשבו:

- העשירון התחתון.
- האחוזון ה-30.
- הגובה ש-20% מהתצפית גדולות ממנו.
- את אחוז התצפיות מתחת לגובה 158 ס"מ.
- את אחוז התצפיות מעל לגובה 185 ס"מ.
- את אחוז התצפיות בין גובה 170 ס"מ ל-185 ס"מ.

### תשובות סופיות:

- (1) א. 13.23    ב. 22    ג. 17.2    ד. 8.82%    ה. 7.36%

ו. 83.82%

(2) להלן טבלה:

| ציון - $X$ | $f(x)$ |
|------------|--------|
| 50-60      | 40     |
| 60-70      | 60     |
| 70-80      | 200    |
| 80-90      | 60     |
| 90-100     | 40     |

- (3) א. 162.5    ב. 170    ג. 183.33    ד. 3%    ה. 15%

ו. 55%

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 10 - סטטיסטיקה תיאורית-אחוזונים בטבלה בדידה

תוכן העניינים

1. כללי.....41

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי מיקום יחסי – אחוזונים בטבלה בדידה:

### רקע:

האחוזון (המאון) ה- $p$  הוא הערך בנתונים המחלק את הנתונים בצורה כזאת, שעד אליו (כולל) יש  $p\%$  מהנתונים. מסמנים את האחוזון ה- $p$  ב- $X_p$ .

### חישוב האחוזון מתוך נתונים בטבלת שכיחויות בדידה:

האחוזון הוא הערך שבו בפעם הראשונה השכיחות היחסית המצטברת (באחוזים) גדולה או שווה ל- $p\%$ .

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

בסניף בנק 250 לקוחות. ספרו לכל לקוח את מספר תוכניות החיסכון שלו:

| שכיחות<br>יחסית<br>מצטברת | שכיחות<br>מצטברת | $F(x)$ | # תוכניות<br>החיסכון |
|---------------------------|------------------|--------|----------------------|
|                           |                  | 100    | 0                    |
|                           |                  | 75     | 1                    |
|                           |                  | 25     | 2                    |
|                           |                  | 25     | 3                    |
|                           |                  | 25     | 4                    |

א. מצאו את האחוזון ה-25.

ב. מצאו את הערך ש-20% מהמקרים מעליו.

## שאלות:

(1) להלן התפלגות של משתנה כלשהו:

| $F(x)$ | $X$ |
|--------|-----|
| 10     | 0   |
| 40     | 1   |
| 30     | 2   |
| 15     | 3   |
| 5      | 4   |

מצאו להתפלגות את:

- א. האחוזון ה-60.
- ב. המאון ה-40.
- ג. העשירון העליון.
- ד. הטווח בין הרבעונים.

(2) להלן התפלגות מספר המכוניות למשפחה בישוב "הגורן":

| מספר מכוניות למשפחה | 1  | 2   | 3   | 4   | 5  |
|---------------------|----|-----|-----|-----|----|
| שכיחות              | 65 | 150 | 220 | 140 | 55 |

חשבו את:

- א. העשירון התחתון.
- ב. האחוזון ה-30.
- ג. הערך ש-20% מהתצפית גדולות ממנו.
- ד. רבעון עליון.

## תשובות סופיות:

- (1) א. 2. ב. 1. ג. 3. ד. 1.
- (2) א. 1. ב. 2. ג. 4. ד. 4.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 11 - סטטיסטיקה תיאורית - טרנספורמציה לינארית

תוכן העניינים

1. כללי ..... 43

## סטטיסטיקה תיאורית – טרנספורמציה לינארית:

### רקע:

מצב שבו מבצעים שינוי מסוג הוספה (או החסרה) של קבוע, והכפלה (או חילוק) של קבוע, לכל התצפיות:  $y = a \cdot x + b$ . כך יושפעו המדדים השונים:

$$\begin{aligned} MR_y &= a \cdot MR + b \\ MO_y &= a \cdot MO + b \\ \bar{y} &= a \cdot \bar{x} + b \\ Md_y &= a \cdot Md_x + b \end{aligned} \quad \text{מדדי המרכז:}$$

$$\begin{aligned} R_y &= |a| R_x \\ S_y &= |a| S_x \\ S_y^2 &= a^2 S_x^2 \end{aligned} \quad \text{מדדי הפיזור:}$$

$$\begin{aligned} Y_p &= a \cdot X_p + b \\ Z_y &= \frac{a}{|a|} Z_x \end{aligned} \quad \text{מדדי המיקום היחסי:}$$

### שלבי העבודה:

1. נזהה שמדובר בטרנספורמציה לינארית (שינוי קבוע לכל התצפיות).
2. נרשום את כלל הטרנספורמציה לפי נתוני השאלה.
3. נפשט את הכלל ונזהה את ערכי  $a$  ו- $b$ .
4. נציב בנוסחאות שלעיל בהתאם למדדים שנשאלים.

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

השכר הממוצע של עובדים הינו 9000 ₪ וטווח 6000 ₪. חשבו את המדדים הללו לאחר שהעלו את כל המשכורות ב-10% ואחר כך קנסו אותם ב-100 ₪.

## שאלות:

- (1) עבור סדרת נתונים התקבל:  $\bar{x} = 80, S = 15, MO = 70$ . הוחלט להכפיל את כל התצפיות ב-4 ולהחסיר מהתוצאה 5. חשבו את המדדים הללו לאחר השינוי.
- (2) בחברה מסוימת השכר הממוצע הוא 40 ₪ לשעה עם סטיית תקן של 5 ₪ לשעה. הוחלט להעלות את כל המשכורות ב-10%, אך זה לא סיפק את העובדים ולכן הם קיבלו לאחר מכן תוספת של 2 ₪ לשעה. מה הממוצע ומהי השונות של השכר לשעה לאחר כל השינויים.
- (3) במבחן מסוים הציון החציוני היה 73, טווח הציונים היה 40 נקודות והעשירון העליון היה הציון 87. כיוון שהציונים בבחינה היו נמוכים, המורה החליט לתת פקטור של 4 נק' לכל התלמידים. חשבו את המדדים לאחר הפקטור.
- (4) דגמו מקו ייצור 50 קופסאות של גפרורים. בדקו בכל קופסא בה יש 40 גפרורים את כמות הגפרורים הפגומים. התקבל שבממוצע יש 3 גפרורים פגומים בקופסא, עם סטיית תקן של 1.5 גפרורים. מה יהיה הממוצע ומה תהיה סטיית התקן של מספר התקינים בקופסא?
- (5) חברת בזק הציעה את ההצעה הבאה: שלושים שקלים דמי מנוי חודשיים קבועים וכן 10 אגורות לכל דקה של שיחה יוצאת. אדם בדק במשך שנה את דקות השיחות היוצאות שלו, וקיבל שבממוצע חודשי יש לו 600 דקות שיחות יוצאות עם שונות של 2500 דקות רבועות, כמו כן בחודש ינואר ציון התקן היה 2. חשבו את המדדים הללו עבור חשבון הטלפון החודשי של אותו אדם בשקלים אם היה משתמש בחבילה המוצעת לו על ידי בזק.

## תשובות סופיות:

- (1) ממוצע: 315, סטיית תקן: 60, שכיח: 275.
- (2) ממוצע: 46, שונות: 30.25.
- (3) טווח: 40, חציון: 77, עשירון עליון: 91.
- (4) ממוצע: 37, סטיית תקן: 1.5.
- (5) ממוצע: 90, שונות: 25, ציון תקן: 2.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 12 - סטטיסטיקה תיאורית - שאלות מסכמות

תוכן העניינים

1. כללי ..... 45

## סטטיסטיקה תיאורית – שאלות מסכמות:

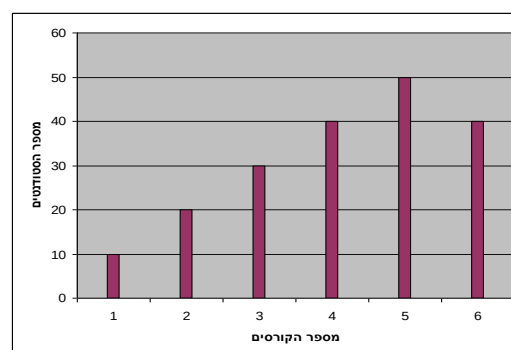
### שאלות:

(1) בדקו עבור 5 תלמידים את המשקל שלהם:

| מספר תלמיד | משקל בק"ג |
|------------|-----------|
| 1          | 58        |
| 2          | 62        |
| 3          | 48        |
| 4          | 34        |
| 5          | 58        |

- מהו המשתנה הנחקר? בדיד או רציף?
- מה המשקל החציוני, הממוצע והשכיח?
- מה הטווח וסטיית התקן של המשקל?
- לאותם תלמידים חישובו גם את הגובה בס"מ וקיבלו גובה ממוצע של 168 וסטיית תקן 6. במה תלמיד מספר 3, שגובהו 162, יותר חריג – במשקל או בגובה?
- הוסיפו עוד תלמיד השוקל 52 ק"ג בדיוק. הסבירו ללא חישוב כיצד הדבר ישפיע על הממוצע וסטיית התקן (יגדיל, יקטין או לא ישנה).

(2) בפקולטה להנדסה אספה המזכירות נתונים לגבי מס' הקורסים שכל סטודנט סיים בשנה הראשונה ללימודיו בשנת 2008. להלן התוצאות שהתקבלו:



- מה המשתנה הנחקר? בדיד או רציף?
- מהי צורת ההתפלגות?
- תארו את הנתונים בטבלת שכיחויות.
- חשבו את השכיח, החציון והטווח.

(3) להלן התפלגות הציונים בבחינה בלשון שנעשתה עבור תלמידי כיתות ד'.

במחקר השתתפו 150 תלמידים. ממוצע הציונים שהתקבל:  $\bar{X} = 7\frac{1}{15}$ .

| ציון | מספר התלמידים |
|------|---------------|
| 4    | 12            |
| 5    | 16            |
| 6    |               |
| 7    | 38            |
| 8    |               |
| 9    | 14            |
| 10   | 10            |

א. השלימו את השכיחויות החסרות בטבלה.

ב. חשבו את הציון החציוני, השכיח.

ג. חשב שונות וסטיית תקן להתפלגות הציונים.

(4) חברה סלולארית דגמה 200 אנשים. עבור כל אדם נבדקה מידת שביעות הרצון של הלקוח מהחברה (1 - שביעות רצון נמוכה ו-5 - שביעות רצון גבוהה). להלן ההתפלגות שהתקבלה:

| שביעות רצון | מספר האנשים |
|-------------|-------------|
| 1           | 40          |
| 2           | 60          |
| 3           | 50          |
| 4           | 30          |
| 5           | 20          |

א. מה אחוז האנשים עם רמת שביעות רצון נמוכה?

ב. מה המשתנה הנחקר ומאיזה סוג הוא?

ג. מהי הדרך הגרפית המתאימה ביותר לתיאור הנתונים?

i. היסטוגרמה.

ii. דיאגרמת מקלות.

iii. דיאגרמת עוגה.

ד. חשבו את המדדים הבאים:

i. טווח.

ii. שכיח.

iii. חציון.

5) להלן התפלגות מספר שעות העבודה לשבוע של העובדים (כ-200) בחברת "סטאר":

| מספר שעות עבודה | שכיחות יחסית (פרופורציה) | שכיחות |
|-----------------|--------------------------|--------|
| 10-20           | 15%                      |        |
| 20-30           | 20%                      |        |
| 30-40           | 30%                      |        |
| 40-50           | 20%                      |        |
| 50-60           |                          |        |

- השלימו את הטבלה.
- חשבו את החציון, השכיח והממוצע של התפלגות מס' שעות העבודה בחברה.
- מה סטיית התקן של מספר שעות העבודה?
- מה העשירון העליון של ההתפלגות?
- איזה אחוז מהעובדים עובדים מעל 45 שעות בשבוע?
- מה ציון התקן של רינה, שעובדת 30 שעות בשבוע?
- כיצד ישתנה החציון, הממוצע וסטיית התקן אם מספר שעות העבודה המינימאלי אינו 10 אלא 15? הסבירו.

6) חברה סלולארית דגמה 200 אנשים. עבור כל אדם נבדק מס' המסרונים ששלח במשך חודש. להלן ההתפלגות שהתקבלה:

| מספר המסרונים | מספר האנשים |
|---------------|-------------|
| 0-50          | 40          |
| 50-100        | 60          |
| 100-150       | 50          |
| 150-250       | 30          |
| 250-ומעלה     | 20          |

- מה אחוז האנשים ששלחו פחות מ-80 מסרונים בחודש?
- מה אחוז האנשים ששלחו בין 50 ל-120 מסרונים?
- הוחלט להעניק מתנה עבור  $\frac{1}{4}$  מהלקוחות שמשלמים במספר הרב ביותר של מסרונים בחודש. החל מאיזה כמות של מסרונים תחולק המתנה?
- ציינו איזה מדד ניתן לחשב ואיזה לא ניתן. אם ניתן, חשבו:
  - ממוצע.
  - שכיח.
  - חציון.
  - שונות.

7) נתנו לקבוצת ילדים לבצע משימה מסוימת ובדקו את התפלגות זמן ביצוע המשימה בדקות. להלן ההתפלגות שהתקבלה:

| מספר הילדים | זמן בדקות |
|-------------|-----------|
| 20          | 0.5-3.5   |
| 18          | 3.5-9.5   |
| 14          | 9.5-19.5  |
| 8           | 19.5-29.5 |

- שרטטו היסטוגרמה לתיאור התפלגות זמן ביצוע המשימה.
- מתוך ההיסטוגרמה שבנית בסעיף א', מהי צורת ההתפלגות?
- חשבו את השכיח והחציון של ההתפלגות.
- הסבירו, ללא חישוב, האם הזמן הממוצע לביצוע המשימה, קטן או גדול או שווה ביחס לשכיח ולחציון.

8) התפלגות ציוני מבחן אינטליגנציה היא סימטרית. נתון שהעשירון העליון הוא 130, הרבעון התחתון הוא 90, ושלמבחן נגשו 500 מועמדים.

| הציון   | מספר הנבחנים |
|---------|--------------|
| 50-70   |              |
| 70-90   |              |
| 90-100  |              |
| 100-110 |              |
| 110-130 |              |
| 130-150 |              |

- השלימו את הטבלה.
- מהו הממוצע והחציון של ההתפלגות?
- מהו הציון ש-40% מהתלמידים קיבלו מעליו? באיזה אחוזון מדובר?
- הוחלט להעלות את כל הציונים ב-10 נקודות. כיצד הדבר ישפיע על הממוצע וסטיית התקן של הציונים?

- 9) להלן מספר טענות, עבור כל טענה ציינו אם היא נכונה או לא נכונה ונמקו.
- א. בסדרה שבה כל התצפיות שוות זו לזו השונות הינה 0.
  - ב. ציון התקן של החציון תמיד יהיה 0.
  - ג. ציון התקן של האחוזון ה-70 בהתפלגות אסימטרית ימנית (חיובית) תמיד יהיה חיובי.
  - ד. אם נוסיף תצפיות לסדרה של תצפיות, הדבר בהכרח יגדיל את הממוצע של הסדרה.
  - ה. בסדרה החציון הינו 80. הוספו שתי תצפיות אחת 79 ואחת 100 לכן החציון יגדל.
  - ו. אם נוסיף את הערך 4 לכל התצפיות אז סטיית התקן לא תשתנה.
  - ז. אם נחלק את כל התצפיות בהתפלגות ב-2 אז השונות תקטן פי 2.
  - ח. אם נגדיל את ממוצע המשכורות של עובדים בחברה אז גם השונות תגדל.

## תשובות סופיות:

- (1) א. המשתנה הנחקר: משקל תלמיד בק"ג, משתנה כמותי רציף.  
 ב.  $\bar{X} = 52$ ,  $Md = X_{\frac{n+1}{2}} = X_3 = 58$ , שכיח: 58.  
 ג.  $R = 28$ ,  $S = 10.12$ .  
 ד. הוא חריג יותר בגובה כי שם ציון התקן בערך מוחלט יותר גבוה.  
 ה. הממוצע לא ישתנה אך סטיית התקן תקטן.
- (2) א. מספר הקורסים, בדיד. ב. התפלגות אסימטרית שמאלית.  
 ג. להלן טבלה: ד. שכיח: 5, טווח: 5.

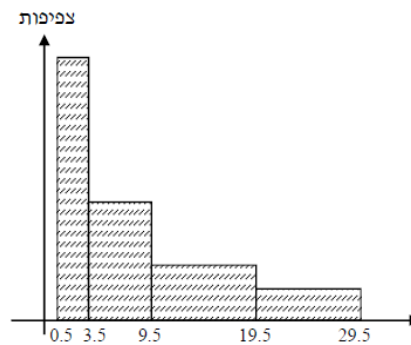
| $f(x)$ | $x$  |
|--------|------|
| 10     | 1    |
| 20     | 2    |
| 30     | 3    |
| 40     | 4    |
| 50     | 5    |
| 40     | 6    |
| 190    | סה"כ |

- (3) א. 20 תלמידים קיבלו ציון 6 ו-40 תלמידים קיבלו ציון 8.  
 ב. חציון: 7, שכיח: 8. ג. שונות: 2.533, סטיית תקן: 1.592.
- (4) א. 20%. ב. שביעות רצון (סדר).  
 ג. ii. ד. טווח: 4, שכיח: 2, חציון: 2.
- (5) א. להלן טבלה: ב. חציון: 35, שכיח: 35, ממוצע: 35.

| מספר שעות עבודה | שכיחות יחסית (פרופורציה) | שכיחות |
|-----------------|--------------------------|--------|
| 10-20           | 15%                      | 30     |
| 20-30           | 20%                      | 40     |
| 30-40           | 30%                      | 60     |
| 40-50           | 20%                      | 40     |
| 50-60           | 15%                      | 30     |

- ג. סטיית תקן: 12.65. ד. 53.333.  
 ה. 25%. ו. -0.395.  
 ז. חציון לא ישתנה, ממוצע יגדל, סטיית תקן תקטן.
- (6) א. 38%. ב. 40%. ג. 150. ד. חציון: 100.

7) א. שרטוט: ב. ההתפלגות היא א-סימטרית ימנית.



ג. שכיח: 2, חציון: 6.83.

ד. בהתפלגות א-סימטרית ימנית מתקיים:  $Mo < Md < \bar{X} < MR$ .

8) א. ראו טבלה:

| מספר הנבחים | ציון    |
|-------------|---------|
| 50          | 50-70   |
| 75          | 70-90   |
| 125         | 90-100  |
| 125         | 100-110 |
| 75          | 110-130 |
| 50          | 130-150 |

ב. 100. ג. 104.

ד. הממוצע יעלה ב-10 נקודות, אך סטיית התקן לא תשתנה.

9) א. נכון. ב. לא נכון. ג. לא נכון. ד. לא נכון. ה. לא נכון.  
ו. נכון. ז. לא נכון. ח. לא נכון.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 13 - סטטיסטיקה תיאורית שאלות אמריקאיות

תוכן העניינים

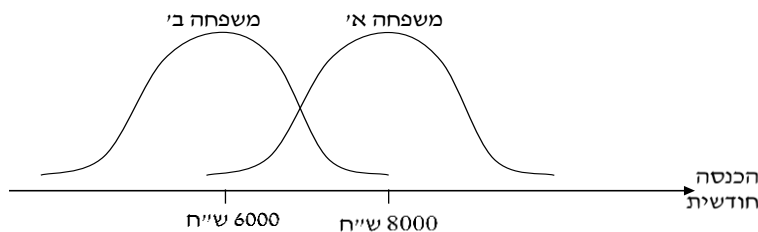
1. כללי ..... 52

## סטטיסטיקה תיאורית – שאלות אמריקאיות:

### שאלות:

#### שאלות 1-3 מתייחסות לקטע הבא:

להלן שתי עקומות המתארות את התפלגות ההכנסות החודשיות של שתי משפחות שנבחרו באקראי:



- (1) לאיזו משפחה הכנסה שכיחה גבוהה יותר?
  - א. משפחה א'.
  - ב. משפחה ב'.
  - ג. לשתיהן אותה הכנסה שכיחה.
  - ד. לא ניתן לדעת – אין מספיק נתונים.
- (2) באיזו משפחה ההכנסה החציונית שווה להכנסה הממוצעת?
  - א. משפחה א'.
  - ב. משפחה ב'.
  - ג. בשתיהן ההכנסה החציונית שווה להכנסה הממוצעת.
  - ד. לא ניתן לדעת – אין מספיק נתונים.
- (3) באיזו משפחה סטית התקן של ההכנסה החודשית גבוהה יותר?
  - א. משפחה א'.
  - ב. משפחה ב'.
  - ג. לשתיהן אותה סטית תקן.
  - ד. לא ניתן לדעת – אין מספיק נתונים.

**הנתונים הבאים מתייחסים לשאלות 4-6:**

להלן נתונים חלקיים של טבלת שכיחויות:  
כמו כן, נתון כי הממוצע הוא 1.66.

| $F(x)$ | $x$  |
|--------|------|
| ?      | 0    |
| 10     | 1    |
| 6      | 2    |
| 15     | 3    |
| ?      | 4    |
| 50     | סה"כ |

(4) השכיח של הנתונים הוא:

- א. 0.
- ב. 15.
- ג. ישנם שני שכיחים: 0 ו-3.
- ד. על סמך הנתונים החלקיים אי אפשר לקבוע מה יהיה ערכו של השכיח.

(5) חציון הנתונים הוא:

- א. 2.
- ב. 1.5.
- ג. 25.5.
- ד. על סמך הנתונים החלקיים אי אפשר לקבוע מה יהיה ערכו של החציון.

(6) הטווח של הנתונים:

- א. 11.
- ב. 3.
- ג. 4.
- ד. על סמך הנתונים החלקיים אי אפשר לקבוע מה יהיה ערכו של החציון.

(7) בהתפלגות אסימטרית ימנית של משתנה כמותי רציף, הערך המתאים למאון ה-30, ציון התקן שלו הוא בהכרח:

- א. שלילי.
- ב. חיובי.
- ג. אפס.
- ד. לא ניתן לדעת ללא הנתונים.

- 8) סדרת נתונים סטטיסטיים מונה 10 תצפיות. נתון כי סדרת הנתונים סימטרית סביב הממוצע. ממוצע הסדרה-40 ושונות הסדרה-100. בשלב מאוחר יותר נוספו שתי תצפיות נוספות לסדרה : 50 ו-30. השונות של 12 התצפיות :
- א. תקטן.
  - ב. תגדל.
  - ג. לא תשתנה.
  - ד. לא ניתן לחשב את השונות ללא ידיעת התצפיות.

#### הנתונים הבאים מתייחסים לשאלות 9-10:

בחברת "טיק" המשכורת הממוצעת היא 4,600 ₪ וסטיית התקן של משכורת זו הינה 200 ₪. לאחר מו"מ עם ועד עובדי ההנהלה סוכם כי המשכורת תוכפל פי 1.5.

- 9) מהי המשכורת הממוצעת החדשה (ב-₪)?

- א. 2,300.
- ב. 6,900.
- ג. 4,650.
- ד. 4,600.
- ה. חסרים נתונים כדי לדעת.

- 10) מהי סטיית התקן של המשכורת לאחר יישום המו"מ לגבי השכר (ב-₪)?

- א. 200.
- ב. 300.
- ג. 675.
- ד. לא ניתן לדעת.

- 11) הוספת גודל קבוע לכל תצפיות סדרת נתונים :

- א. תגדיל את סטיית התקן.
- ב. תקטין את סטיית התקן.
- ג. לא תשנה את סטיית התקן.
- ד. לא ניתן לדעת.

### הנתונים הבאים מתייחסים לשאלות 12-13:

להלן נתונים על ציוני תלמידים שנבחנו במועדים שונים בסטטיסטיקה:

| שם התלמיד | ציון | ממוצע הציונים במועד בו נבחן | סטיית התקן של הציונים במועד בו נבחן |
|-----------|------|-----------------------------|-------------------------------------|
| צבי       | 50   | 50                          | 12                                  |
| סטף       | 82   | 80                          | 5                                   |
| שרית      | 65   | 60                          | 15                                  |
| לובה      | 60   | 63                          | 1.5                                 |
| מיטב      | 70   | 70                          | 10                                  |

12) התלמיד הטוב ביותר ביחס לנבחנים באותו מועד בו נבחן הוא:

- א. מיטב.
- ב. צבי.
- ג. לובה.
- ד. שרית.
- ה. סטף.

13) פנינה נבחנה עם סטף וציון התקן שלה שווה לציון התקן של שרית לכן ציונה הוא:

- א. 80.55.
- ב. 65.
- ג. 80.
- ד. 81.66.

### הנתונים הבאים מתייחסים לשאלות 14-17:

בבדיקת פתע של משרד הבריאות במפעל שוקולד, נמצא ש:

| שוקולד פגום | 0  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7 |
|-------------|----|----|----|----|----|----|----|---|
| מס' קופסאות | 35 | 63 | 48 | 12 | 13 | 11 | 10 | 8 |

14) מהו החציון של מספר הפגומים בקופסא:

- א. 1.
- ב. 2.
- ג. 4.
- ד. לא ניתן לדעת.

15) מהו הרבעון התחתון של מספר הפגומים בקופסא?

- א. 1.
- ב. 2.
- ג. 3.
- ד. 4.
- ה. לא ניתן לדעת.

**16) מספר הפגומים בקופסא הוא משתנה :**

- א. סדר.
- ב. שמי.
- ג. כמותי בדיד.
- ד. כמותי רציף.

**17) השכיח של מספר הפגומים בקופסא :**

- א. 63.
- ב. 1.
- ג. 200.
- ד. לא ניתן לדעת.

**18) ביחס לציר המספרים, רוב הערכים בהתפלגות א-סימטרית ימנית נמצאים :**

- א. בערכים הגבוהים.
- ב. בחלוקה זהה בין הערכים הגבוהים והנמוכים.
- ג. בערכים הנמוכים.
- ד. לא ניתן לדעת.
- ה. אף לא תשובה מהנ"ל נכונה.

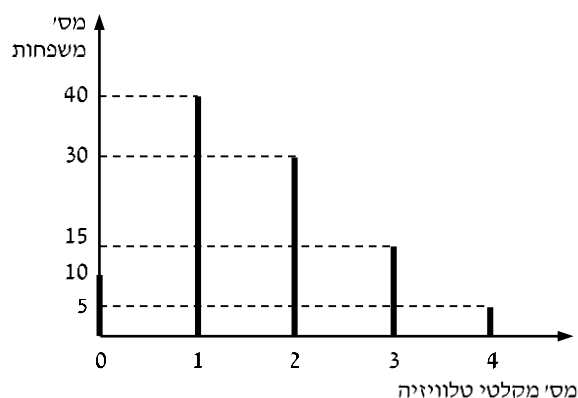
**19) בוצע מחקר על מספר העובדים בחברות מזון לעומת חברות תקשורת.**

- החציון והממוצע בשתיהן שווה 8.
- איזה מהטענות הבאות היא הנכונה והמלאה ביותר :
- א. השכיחות ב-2 החברות זהה אך שונה מ-8.
- ב. השכיח ב-2 החברות זהה אך לא ניתן לדעת מהו.
- ג. השכיח בשתי חברות הינו בהכרח 8.
- ד. שכיח בחברה אחת שונה מ-8 ובשנייה הוא 8.
- ה. אף תשובה אינה נכונה.

**הנתונים הבאים מתייחסים לשאלות 20 עד 24 :**

נערך סקר על מספר מקלטי הטלוויזיה הנמצאים בבית.

תוצאות הסקר נתונות בדיאגרמת מקלות הבאה :



**(20)** המשתנה הנחקר כאן הוא :

- א. משתנה שמי.
- ב. משתנה מסולם סדר.
- ג. משתנה כמותי בדיד.
- ד. משתנה כמותי רציף.

**(21)** הטווח של ההתפלגות הוא :

- א. 35.
- ב. 4.
- ג. 3.
- ד. 2.

**(22)** ממוצע מספר מקלטי הטלויזיה למשפחה הוא :

- א. 1.65.
- ב. 1.5.
- ג. 1.
- ד. 2.

**(23)** השכיח של התפלגות זו היא :

- א. 40.
- ב. 1.5.
- ג. 1.
- ד. 2.

**(24)** מסתבר שיש בין 2 ל-5 משפחות נוספות שאין להם מקלטי טלויזיה ויש לצרף את המשפחות הללו להתפלגות. כיצד הנתון זה ישפיע על סטיית התקן?

- א. יקטין אותו.
- ב. יגדיל אותו.
- ג. לא ישנה אותו.
- ד. אין לדעת.

**תשובות סופיות:**

|        |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|--------|
| (1 א'  | (2 ג'  | (3 ג'  | (4 ג'  | (5 ב'  |
| (6 ג'  | (7 א'  | (8 ג'  | (9 ב'  | (10 ב' |
| (11 ג' | (12 ה' | (13 ד' | (14 ב' | (15 א' |
| (16 ג' | (17 ב' | (18 ג' | (19 ה' | (20 ג' |
| (21 ב' | (22 א' | (23 ג' | (24 ב' |        |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 14 - מדדי קשר - מדד הקשר של קרמר

תוכן העניינים

1. כללי ..... 59

## מדדי קשר – מדד הקשר של קרמר:

### רקע:

משתמשים במדד זה כאשר אחד המשתנים הוא מסולם שמי והשני מכל סולם אפשרי. מדד הקשר מקבל ערכים בין 0 ל-1. ככל שהמדד יותר קרוב לאחד קיים קשר בעוצמה יותר חזקה בין המשתנים.

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

במחקר רוצים לבדוק את הקשר בין מין לדעה בנושא מסוים. שאלו 100 גברים ו-100 נשים על דעתם באיזשהו נושא. להלן טבלת השכיחויות המשותפת שהתקבלה:

| $F(x)$    | נמנע | נגד | בעד | $Y/X$  |
|-----------|------|-----|-----|--------|
| 100       | 10   | 40  | 50  | גבר    |
| 100       | 10   | 60  | 30  | אישה   |
| $n = 200$ | 20   | 100 | 80  | $F(y)$ |

הטבלה נקראת טבלת O (observe):

$X$  - מין (גבר/אישה) – סולם שמי.

$Y$  - דעה (בעד/נמנע/נגד) – סולם שמי/סדר.

### שלבים בחישוב $r_c$ :

שלב א': נבנה את טבלת E (Expected).

נעתיק את המסגרת של טבלת O ואז כל:  $E_i = (F(x) \cdot F(y)) / n$ .

| $f(x)$    | נמנע | נגד | בעד | $\frac{Y}{X}$ |
|-----------|------|-----|-----|---------------|
| 100       |      |     |     | גבר           |
| 100       |      |     |     | אישה          |
| $n = 200$ | 20   | 100 | 80  | $f(y)$        |

שלב ב': נחשב  $\chi^2 = \sum_i \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}$ .

שלב ג': נחשב:  $r_c = \sqrt{\frac{1}{n(L-1)} \chi^2}$ .

כאשר  $L$  מבטא את המספר הקטן מבין מספר השורות או העמודות.

## שאלות:

- (1) להלן תוצאות מחקר שבדק את הקשר בין מין להשכלה. לגבי כל נחקר נבדק המין שלו והשכלתו. האם קיים קשר בין מין להשכלה? נמקו!

| מין/השכלה | נמוכה | תיכונית | גבוהה |
|-----------|-------|---------|-------|
| גבר       | 120   | 40      | 20    |
| אישה      | 20    | 20      | 80    |

- (2) נלקחו 200 אנשים שמתוכם 60 הצהירו שהם עוסקים בפעילות גופנית סדירה. מתוך אלו שעוסקים בפעילות גופנית סדירה 50 נמצאו במצב בריאותי תקין. מתוך אלו שלא עוסקים בפעילות גופנית סדירה 90 נמצאו במצב בריאותי תקין. א. בנו טבלת שכיחות משותפת לנתונים שהוצגו בשאלה. ב. האם קיים קשר בין פעילות גופנית למצב בריאותי? חשבו לפי מדד הקשר של קרמר.

## תשובות סופיות:

- (1) ישנו קשר בעוצמה בינונית, מקדם המתאם של קרמר: 0.595.  
(2) א. להלן טבלה: ב. 0.19.

| $f(x)$    | לא תקין | תקין | $y/x$  |
|-----------|---------|------|--------|
| 60        | 10      | 50   | כן     |
| 140       | 50      | 90   | לא     |
| $n = 200$ | 60      | 140  | $f(y)$ |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 15 - מדדי קשר - מדד הקשר למדא

תוכן העניינים

1. כללי ..... 61

## מדדי קשר – מדד הקשר למדא:

### רקע:

משתמשים במדד זה כאשר אחד המשתנים הוא מסולם שמי והשני מכל סולם אחר. מדד הקשר מקבל ערכים בין 0 ל-1 ככל שהוא קרוב יותר ל-1 הקשר יותר עוצמתי וככל שהוא קרוב ל-0 הוא יותר רופף וחלש. מדד הקשר של למדא הוא מדד קשר א-סימטרי, כלומר אם נחליף בין X ל-Y נקבל תוצאה אחרת. לכן בעצם יש שני מדדי למדא.

### שלבים בחישוב מדד הקשר למדא X לפי Y:

שלב א': נתבונן בעמודה הקיצונית ביותר ונפחית מ-n את  $F(x)$  הכי גבוה והוא יקרא  $L_x$ .

שלב ב': נעבור כל ערך של Y (כל עמודה) ונסכום עבור כל העמודות את  $F(y)$  פחות השכיחות הכי גבוהה באותה עמודה. יקרא  $L_{x/y}$ .

$$\text{שלב ג': נציב: } \lambda_{x/y} = \frac{L_x - L_{x/y}}{L_x}$$

$$\text{המדד ההפוך לפי אותו עקרון יהיה: } \lambda_{y/x} = \frac{L_y - L_{y/x}}{L_y}$$

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

במחקר רוצים לבדוק את הקשר בין מין לדעה בנושא מסוים, שאלו 120 גברים ו-100 נשים האם הם בעד/נגד/נמנעים באיזשהו נושא. להלן טבלת השכיחויות המשותפת שהתקבלה:

| מין X / דעה Y | בעד | נגד | נמנע | $f(x)$    |
|---------------|-----|-----|------|-----------|
| גבר           | 50  | 40  | 30   | 120       |
| אישה          | 30  | 60  | 10   | 100       |
| $f(y)$        | 80  | 100 | 40   | $n = 220$ |

## שאלות:

- (1) להלן תוצאות מחקר שבדק את הקשר בין מין להשכלה. לגבי כל נחקר נבדק המין שלו והשכלתו. להלן התוצאות.
- א. חשב את מדד הקשר של למדא לניבוי השכלה על סמך מין.
- ב. חשב את מדד הקשר של למדא לניבוי מין על סמך השכלה.

| מין/ השכלה | נמוכה | תיכונית | גבוהה |
|------------|-------|---------|-------|
| גבר        | 120   | 40      | 20    |
| אישה       | 20    | 20      | 80    |

- (2) בעיר 4 שכונות. בכל שכונה נבדק המצב הכלכלי של כל משפחה. להלן טבלת השכיחות המשותפת שהתקבלה.
- חשב את מדדי הקשר של למדא והסבר את הממצאים.

| שכונה / מצב כלכלי | נמוך | בינוני | גבוה |
|-------------------|------|--------|------|
| A                 | 40   |        |      |
| B                 |      | 70     |      |
| C                 |      | 80     |      |
| D                 |      |        | 40   |

## תשובות סופיות:

- (1) א. 0.375      ב. 0.5
- (2) א. 1      ב. 0.533

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 16 - מדד הקשר ספירמן

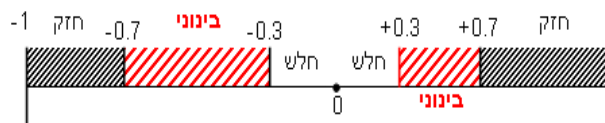
תוכן העניינים

1. כללי ..... 63

## מדדי קשר – מדד הקשר של ספירמן:

### רקע:

מתי נשתמש במדד ספירמן?  
כאשר אחד המשתנים מסולם סדר והשני מסולם סדר ומעלה.  
הקשר שהמדד בודק הוא קשר דירוגי.  
מדד הקשר בודק את:



1. כיוון הקשר.

2. עצמת הקשר.

המדד מקבל ערכים בסקלה מ-(-1) ועד 1.

### קשר דירוגי חיובי מלא:

מדד הקשר של ספירמן יוצא 1.  
ככל שמשנתנה אחד עולה, השני עולה ללא יוצא מן הכלל.

### קשר דירוגי חיובי חלקי:

מקדם המתאם בין 0 ל-1.  
ככל שמשנתנה אחד עולה, לשני יש נטייה לעלות אך לא באופן מוחלט.

### קשר דירוגי שלילי מלא:

מדד הקשר של ספירמן יוצא -1.  
ככל שמשנתנה אחד עולה השני יורד ללא יוצא מן הכלל.

### קשר דירוגי שלילי חלקי:

מקדם המתאם הוא בין 0 ל-(-1).  
ככל שמשנתנה אחד עולה לשני יש נטייה לרדת אך לא באופן מוחלט.  
על מנת לחשב את הקשר יש לבצע פעולת דירוג (RANK).  
כאשר מדרגים, אם יש כמה תצפיות שתופסות את אותו הערך אז הדירוג שלהם הוא הממוצע של המקומות שהן תופסות.

$$r_s = 1 - \frac{6 \sum_{i=1}^n d_i^2}{n(n^2 - 1)}$$

הנוסחה של מדד הקשר:

**דוגמה (פתרון בהקלטה):**

בתחרות רוקדים עם כוכבים השתתפו 7 זוגות, 2 שופטים נתנו את ציוניהם לריקוד של כל זוג. להלן התוצאות שהתקבלו:

| מספר הזוג | ציון שופט א' | $R_x$ | ציון שופט ב' | $R_y$ | $d = r_x - r_y$ | $d^2$ |
|-----------|--------------|-------|--------------|-------|-----------------|-------|
| 1         | 4            |       | 5            |       |                 |       |
| 2         | 5            |       | 5            |       |                 |       |
| 3         | 6            |       | 7            |       |                 |       |
| 4         | 5            |       | 7            |       |                 |       |
| 5         | 8            |       | 9            |       |                 |       |
| 6         | 7            |       | 9            |       |                 |       |
| 7         | 3            |       | 7            |       |                 |       |

מהי מידת ההתאמה בין ציוני השופטים?

$X$  - ציון שופט א' (סולם סדר).

$Y$  - ציון שופט ב' (סולם סדר).

## שאלות:

(1) בתחרות יופי חילקו שני שופטים ציונים למועמדות:

| מספר מועמדת  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|--------------|---|---|---|---|---|---|---|
| ציון שופט א' | 7 | 8 | 6 | 8 | 9 | 5 | 6 |
| ציון שופט ב' | 8 | 8 | 7 | 8 | 9 | 5 | 7 |

האם קיים קשר בין שתי הערכות השופטים? נמקו והסבירו!

(2) משרד רצה לבחון האם קיים קשר בין מידת המוטיבציה של העובדים שלו לבין מספר החיסורים של העובדים בחודש עבודה. להלן התוצאות שהתקבלו:

| מספר חיסורים | מידת מוטיבציה |
|--------------|---------------|
| 0            | גבוהה         |
| 4            | נמוכה         |
| 2            | בינונית       |
| 5            | נמוכה         |
| 1            | גבוהה         |

האם קיים קשר בין רמת המוטיבציה של העובד ומספר החיסורים שלו? חשבו באמצעות מדד הקשר המתאים והסבירו.

(3) אם:  $r_s = 1$ , הדבר אומר שערכי  $X$  תמיד שווים לערכי  $Y$ . האם הטענה נכונה? הסבר.

## תשובות סופיות:

- (1) קיים קשר דירוג חיובי חזק בין הערכת שופט א' להערכת שופט ב'. מדד הקשר: 0.973.
- (2) קיים קשר שלילי בעוצמה חזקה בין רמת המוטיבציה של העובד למס' החיסורים שלו. מדד הקשר: -0.85.
- (3) לא נכון.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 17 - מקדם המתאם ( מדד קשר ) הלינארי - פירסון

תוכן העניינים

1. חישוב מקדם המתאם הלינארי (פירסון).....66

## מדדי קשר – מדד הקשר הלינארי (פירסון) – רקע

המטרה היא לבדוק האם קיים קשר (קורלציה, מתאם) של קו ישר בין שני משתנים כמותיים. מבחינת סולמות המדידה קשר בין סולמות רווחים ומנה. בדרך כלל,  $X$  הוא המשתנה המסביר (הבלתי תלוי) ו- $Y$  הוא המשתנה המוסבר (התלוי).

### דוגמה:

נרצה להסביר כיצד השכלה של אדם הנמדדת בשנות לימוד  $X$  מסבירה את ההכנסה שלו  $Y$ . במקרה זה שנות ההשכלה זהו המשתנה המסביר (או הבלתי תלוי) ואנחנו מעוניינים לבדוק כיצד שינויים בשנות ההשכלה של אדם יכולים להסביר את השינויים שלו בהכנסה, ולכן רמת ההכנסה זהו המשתנה המוסבר התלוי במשתנה המסביר אותו.

**שלב ראשון:** נהוג לשרטט דיאגרמת פיזור. זו דיאגרמה שנותנת אינדיקציה ויזואלית על טיב הקשר בין שני המשתנים.

### דוגמה:

| מס' דירה | $X$ | $Y$ |
|----------|-----|-----|
| 1        | 3   | 2   |
| 2        | 2   | 2   |
| 3        | 4   | 3   |
| 4        | 3   | 3   |
| 5        | 5   | 4   |

בבניין של 5 דירות בדקו את הנתונים הבאים:  
 $X$  - מס' חדרים בדירה.  $Y$  - מס' נפשות הגרות בדירה.  
 להלן התוצאות שהתקבלו:

נשרטט מנתונים אלה דיאגרמת פיזור (הדיאגרמה המלאה בסרטון). נתבונן בכמה מקרים של דיאגרמות פיזור וננתח אותן (הדיאגרמות המלאות בסרטון).

**שלב שני:** מחשבים את מקדם המתאם (מדד הקשר) שבודק עד כמה קיים קשר לינארי בין שני המשתנים. המדד (ניקרא גם מדד הקשר של פירסון) מכמת את מה שניראה בשלב הראשון רק בעין.  
 המדד בודק את כיוון הקשר (חיובי או שלילי) ואת עוצמת הקשר (חלש עד חזק).  
 מקדם מתאם זה מקבל ערכים בין -1 ל-1.  
 מקדם מתאם -1 או 1 אומר שקיים קשר לינארי מוחלט ומלא בין המשתנים שניתן לבטאו על ידי הנוסחה:  $y = bx + a$ .

### מתאם חיובי מלא (מקדם מתאם 1):

קיים קשר לינארי מלא בו השיפוע  $b$  יהיה חיובי ואילו מתאם שלילי מלא אומר שקיים קשר לינארי מלא בו השיפוע  $b$  שלילי (מקדם מתאם -1).

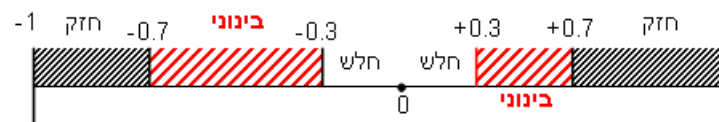
### מתאם חיובי חלקי:

ככל שמשתנה אחד עולה לשני יש נטייה לעלות בערכו אבל לא קיימת נוסחה לינארית שמקשרת את  $X$  ל- $Y$  באופן מוחלט.

### מתאם שלילי חלקי:

ככל שמשתנה אחד עולה לשני יש נטייה לרדת אבל לא קיימת נוסחה לינארית שמקשרת את  $X$  ל- $Y$  באופן מוחלט.

ככל שערך מקדם המתאם קרוב לאפס נאמר שעוצמת הקשר חלשה יותר וככל שמקדם המתאם רחוק מהאפס נאמר שעוצמת הקשר חזקה יותר:



מקדם המתאם יסומן באות  $r$ .

כדי לחשב את מקדם המתאם, יש לחשב את סטיות התקן של כל משתנה ואת השונות המשותפת.

$$COV(x, y) = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{n} = \frac{\sum xy}{n} - \bar{x} \cdot \bar{y} : \text{שונות משותפת}$$

$$s_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n} - \bar{x}^2 : \text{שונות של המשתנה } X$$

$$S_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n y_i^2}{n} - \bar{y}^2 : \text{שונות המשתנה } Y$$

$$r_{xy} = \frac{COV(x, y)}{S_x \cdot S_y} : \text{מקדם המתאם הלינארי}$$

## שאלות

- 1) להלן נתונים לגבי שישה תלמידים שנגשו למבחן. בדקו לגבי כל תלמיד את הציון שלו בסוף הקורס וכמו כן את מספר החיסורים שלו מהקורס.

| מספר חיסורים | 2  | 1  | 0  | 2  | 3  | 4  |
|--------------|----|----|----|----|----|----|
| ציון         | 80 | 90 | 90 | 70 | 70 | 50 |

- א. שרטטו דיאגרמת פיזור לנתונים. מה ניתן להסיק מהדיאגרמה על טיב הקשר בין מספר החיסורים של תלמיד לציונו? מיהו המשתנה הבלתי תלוי ומיהו המשתנה התלוי?
- ב. חשבו את מדד הקשר של פירסון. האם התוצאה מתיישבת עם תשובתך לסעיף א'?
- ג. הסבירו, ללא חישוב, כיצד מקדם המתאם היה משתנה אם היה מתווסף תלמיד שהחסיר 4 פעמים וקיבל ציון 80?

| X  | Y  |
|----|----|
| 10 | 12 |
| 14 | 15 |
| 15 | 15 |
| 18 | 17 |
| 20 | 21 |

- 2) במחקר רפואי רצו לבדוק האם קיים קשר בין רמת ההורמון X בדם החולה לרמת ההורמון Y שלו. לצורך כך מדדו את רמת ההורמונים ההלו עבור חמישה חולים. להלן התוצאות שהתקבלו:
- א. מה הממוצע של כל רמת הורמון?
- ב. מהו מקדם המתאם בין ההורמונים? ומה משמעות התוצאה?

- 3) נסמן ב-X את ההכנסה של משפחה באלפי ₪. נסמן ב-Y את ההוצאות של משפחה באלפי ₪. נלקחו 20 משפחות והתקבלו התוצאות הבאות:

$$\sum_{i=1}^{20} Y_i = 200 \qquad \sum_{i=1}^{20} X_i = 240$$

$$\sum_{i=1}^{20} (Y_i - \bar{Y})^2 = 76 \qquad \sum_{i=1}^{20} (X_i - \bar{X})^2 = 76$$

$$\sum_{i=1}^{20} (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y}) = 60.8$$

- א. חשב את מדד הקשר הלינארי בין X ל-Y. מיהו המשתנה התלוי?
- ב. מה המשמעות של התוצאה שקיבלת בסעיף א'?

- (4) נסמן ב-  $X$  את ההכנסה של משפחה באלפי ₪. נסמן ב-  $Y$  את ההוצאות של משפחה באלפי ₪. נלקחו 20 משפחות והתקבלו התוצאות הבאות:

$$\sum_{i=1}^{20} Y_i = 200 \quad \sum_{i=1}^{20} X_i = 240$$

$$\sum_{i=1}^{20} Y_i^2 = 2080 \quad \sum_{i=1}^{20} X_i^2 = 2960$$

$$\sum_{i=1}^{20} X_i Y_i = 2464$$

חשבו את מדד הקשר הלינארי בין  $X$  ל-  $Y$ .

- (5) במוסד אקדמי ציון ההתאמה מחושב כך: מכפילים את הציון הממוצע בבגרות ב-3 ומפחיתים 2 נקודות. ידוע שעבור 40 מועמדים סטיית התקן של ממוצע הציון בבגרות הייתה 2.  
מה מקדם המתאם בין ציון ההתאמה לציון הממוצע בבגרות שלהם?

- (6) להלן רשימת טענות, לגבי כל טענה קבעו נכון/לא נכון ונמקו.
- מתווך דירות המיר מחירי דירות מדולר לשקל. נניח שדולר אחד הוא 3.5 ₪. אם מתווך הדירות יחשב את מדד הקשר של פירסון בין מחיר הדירה בשקלים למחיר הדירה בדולרים הוא יקבל 1.
  - לסדרה של נתונים התקבל  $\bar{X} = \bar{Y} = 6$ ,  $S_x = S_y = 1$ . לכן, מדד הקשר של פירסון יהיה 1.
  - אם השונות המשותפת של  $X$  ושל  $Y$  הינה 0 אז בהכרח גם מקדם המתאם של פירסון יהיה 0.

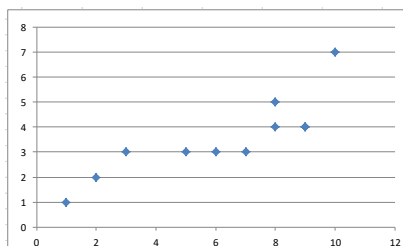
### שאלות רב-ברירה:

- (7) נמצא שקיים מקדם מתאם שלילי בין הציון בעברית לציון בחשבון בבחינה לכן:
- הדבר מעיד שהציונים בכיתה היו שליליים.
  - ככל שהציון של תלמיד יורד בחשבון יש לו נטייה לרדת בעברית.
  - ככל שהציון של תלמיד עולה בחשבון יש לו נטייה לרדת בעברית.
  - אף אחת מהתשובות לא נכונה.

8) נלקחו 20 מוצרים ונבדק ביום מסוים המחיר שלהם בדולרים והמחיר שלהם בש"ח (באותו היום ערך הדולר היה-4.2ש"ח). מהו מקדם המתאם בין המחיר בדולר למחיר בש"ח?

- א. 1  
 ב. 0  
 ג. 4.2  
 ד. לא ניתן לדעת.

9) להלן דיאגרמת פיזור: מה יהיה מקדם המתאם בין שני המשתנים?



- א. 1  
 ב. 0.85  
 ג. 0.15  
 ד. 0

## תשובות סופיות

- 1) א. משתנה תלוי: ציון, משתנה ב"ת: מס' חיסורים. ראה דיאגרמה בוידאו. ניתן להסיק שקיים קשר לינארי שלילי וחלקי בין מספר החיסורים לציון התלמיד.  
 ב. -0.9325.  
 ג. הקשר יישאר לינארי שלילי חלקי אך עוצמתו תחלש.
- 2) א.  $\bar{y} = 16$ ,  $\bar{x} = 15.4$  ב.  $r_{xy} = 0.96$ .
- 3) א. 0.8  
 4) 0.8  
 5) 1  
 6) א. נכון. ב. לא נכון. ג. נכון.  
 7) ג'.  
 8) א'.  
 9) ב'.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 18 - רגרסיה

תוכן העניינים

1. כללי ..... 71

## מדדי קשר – רגרסיה ליניארית:

### רקע:

במידה וקיים קשר חזק בין שני המשתנים הכמותיים נהוג לבצע ניבוי. לבנות קו ניבויים הנקרא גם קו רגרסיה המנבא משתנה אחד על סמך האחר. מדובר בקו שמנבא את  $Y$  על סמך  $X$ .

השיטה למציאת הקו הנ"ל נקראת שיטת הריבועים הפחותים והקו המתקבל נקרא קו הרגרסיה או קו הניבויים או קו הריבועים הפחותים.

$a$  - נותן את ערך  $Y$  כאשר  $X$  הנו אפס על גבי קו הניבויים. הוא נקרא החותך של הקו.

$b$  - הוא שיפוע הקו נותן בכמה בעצם  $Y$  משתנה כאשר  $X$  גדל ביחידה אחת על גבי קו הניבויים.

להלן המשוואות למציאת הפרמטרים של קו הרגרסיה:  $Y = bX + a$ ,  $b = r \frac{S_y}{S_x}$ .

לצורך בניית קו ניבויים לניבוי  $X$  על סמך  $Y$  נצטרך לעדכן את הנוסחאות בהתאם.

## שאלות:

- (1) נסמן ב-  $X$  את ההכנסה של משפחה באלפי ₪. נסמן ב-  $Y$  את ההוצאות של משפחה באלפי ₪. נלקחו 20 משפחות והתקבלו התוצאות הבאות:

$$\sum_{i=1}^{20} Y_i = 200, \quad \sum_{i=1}^{20} X_i = 240$$

$$\sum_{i=1}^{20} (X_i - \bar{X})^2 = 76, \quad \sum_{i=1}^{20} (Y_i - \bar{Y}) = 76$$

$$\sum_{i=1}^{20} (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y}) = 60.8$$

- א. חשבו את מדד הקשר הלינארי בין  $X$  ל-  $Y$ . מיהו המשתנה התלוי?  
 ב. מצאו את קו הרגרסיה לניבוי ההוצאה של משפחה על סמך הכנסה שלה. הסבירו את משמעות הפרמטרים של קו הרגרסיה.  
 ג. משפחת כהן הכניסה 15,000 ₪. מה ההוצאה הצפויה שלה?

- (2) נסמן ב-  $X$  את ההשכלה של אדם בשנות לימוד. נסמן ב-  $Y$  את הכנסתו באלפי ₪. במחקר התקבלו התוצאות הבאות:

$$S_x = 2, \quad S_y = 5, \quad \bar{X} = 14, \quad \bar{Y} = 8, \quad \text{COV}(X, Y) = 7.5$$

- א. חשבו את מדד הקשר של פירסון בין ההשכלה להכנסה.  
 ב. מה ההכנסה הצפויה לאדם שהשכלתו 12 שנים?  
 ג. מה ההשכלה הצפויה לאדם שהכנסתו 10,000 ₪?

- (3) חוקר רצה לחקור את הקשר הקווי שבין הציון המבחן בסטטיסטיקה לבין מספר שעות ההכנה של הסטודנטים למבחן. במדגם של 100 סטודנטים שנבחנו בקורס נרשמו התוצאות הבאות: הציון הממוצע של הסטודנטים היה 65 עם סטיית תקן של 27. מספר שעות ההכנה הממוצע היה 30 עם סטיית תקן של 18. מקדם המתאם בין הציון לשעות ההכנה היה 0.8.  
 א. על פי משוואת הרגרסיה, שעת הכנה נוספת משפרת את ציון המבחן ב-?  
 ב. על פי משוואת הרגרסיה, תלמיד שייגש למבחן ללא שעות הכנה כלל יקבל ציון?  
 ג. מהו קו הרגרסיה לניבוי הציון לפי שעות ההכנה?

- (4) נתונים 2 משתנים  $X$  ו-  $Y$ . כמו כן נתון:  $\bar{X} = 1.5, S_x = S_y = 4$ ,  
 וכן שקו הרגרסיה של  $Y$  על בסיס  $X$  הינו:  $Y = -0.2X + 0.5$ .  
 חשבו מהו מקדם המתאם בין  $X$  ל-  $Y$ .

**תשובות סופיות:**

- |                      |                       |             |
|----------------------|-----------------------|-------------|
| ג. 12.4 אלפי ₪.      | ב. $Y = 0.8X + 0.4$ . | א. 0.8. (1  |
| ג. 14.6 שנים.        | ב. 4.25 אלפי ₪.       | א. 0.75. (2 |
| ג. $Y = 1.2X + 29$ . | ב. 29.                | א. 1.2. (3  |
|                      |                       | א. -0.2. (4 |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 19 - מדדי קשר-רגרסיה - שונות מוסברת ושונות לא מוסברת

תוכן העניינים

1. כללי ..... 74

## מדדי קשר – רגרסיה – שונות מוסברת ושונות לא מוסברת:

### רקע:

המטרה ברגרסיה היא להסביר את השונות של המשתנה התלוי. למשל, להסביר את השונות של המשכורת באמצעות הוותק או להסביר את השוני בציונים באמצעות כמות החיסורים.

$r^2$  - החלק מהשונות של המשתנה התלוי מוסבר. השונות המוסברת נקראת גם שונות ניבויים. השונות הלא מוסברת נקראת גם שונות טעויות.

### שאלות:

- (1) נמצא קשר חיובי בעוצמה של 0.7 בין שטח דירה למחירה. כמו כן, נתון שסטיית התקן של מחירי הדירות הינה 200.
- איזה אחוז מהשונות של מחירי הדירות מוסבר על ידי שטח הדירה?
  - איזה אחוז מהשונות של מחירי הדירות לא מוסבר על ידי שטח הדירה?
  - מהי השונות המוסברת ומהי השונות הלא מוסברת של מחירי הדירות?
- (2) להלן רשימת טענות, לגבי כל טענה קבעו נכון/לא נכון ונמקו:
- אם שונות הטעויות שווה ל-0 (השונות הלא מוסברת) אז מקדם המתאם של פירסון יהיה 1.
  - אם מקדם המתאם של פירסון בין שני משתנים הוא 1 אזי שונות הטעויות (השונות הלא מוסברת) תהיה 0.
  - אם השונות המשותפת של  $X$  ושל  $Y$  היא 0 אז בהכרח גם מקדם המתאם של פירסון יהיה 0.

### שאלות רב-ברירה:

- (3) בקשר בין שני משתנים התקבל:  $r^2 = 0.64$ , לכן:
- ללא יוצא מן הכלל ככל שערכי משתנה אחד עולה השני יעלה.
  - 64% מהשונות של משתנה אחד מוסבר על ידי המשתנה השני.
  - הקשר בין שני המשתנים הוא בעוצמה של 0.64.
  - כל התשובות נכונות.
- (4) אם מגדילים את  $r^2$ , ניתן לומר כי:
- אחוז השונות המוסברת יקטן.
  - אחוז השונות המוסברת יגדל.
  - אחוז השונות המוסברת יישאר ללא שינוי.
  - סטיית התקן משתנה.
  - לא ניתן לדעת.

- (5) בקורס מבוא לכלכלה ניתנו במשך השנה שני מבחנים : מבחן בסוף סמסטר א'  $X$  ומבחן בסוף סמסטר ב'  $Y$ . כאשר בנו את קו הרגרסיה של הציון במבחן סוף סמסטר ב' לפי הציון במבחן סוף סמסטר א' התקבלה שונות טעויות של 80, ושונות ניבויים של 20.
- לפי נתונים אלו, מקדם המתאם בין הציון במבחן סוף סמסטר א' לבין הציון במבחן סוף סמסטר ב' הוא :
- א. 0.44
  - ב. - 0.44
  - ג. עוצמת ההקשר הלינארי היא 0.44, אך אין אפשרות לדעת את סימנה.
  - ד. אין אפשרות לחשב את מקדם המתאם.
  - ה. 0.35

### תשובות סופיות:

- (1) א. 49%      ב. 51%  
ג. שונות מוסברת : 19,600, שונות לא מוסברת : 20,400
- (2) א. לא נכון.      ב. נכון.      ג. נכון.
- (3) ב'.
- (4) ב'.
- (5) ג'.

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 20 - מדדי קשר- מדד הקשר אתא

תוכן העניינים

1. מדד הקשר אתא ..... 77

## מדד הקשר אתא:

### רקע:

מדד הקשר אתא הינו מדד קשר אסימטרי. כלומר, יש שני מדדי קשר מסוג זה:  
 $\eta_{y|x}$  - אתא  $Y$  לפי  $X$ . אפשרי לחישוב כאשר  $Y$  מסולם רווחים או מנה ו- $X$  מכל סולם.  
 $\eta_{x|y}$  - אתא  $X$  לפי  $Y$ . אפשרי לחישוב כאשר  $X$  מסולם רווחים או מנה ו- $Y$  מכל סולם.  
 מדד הקשר לא בודק כיוון קשר אלא רק את העוצמה, לכן מקבל ערכים בין 0 ל-1.

**שלבים בחישוב המדד:**  $\eta_{y|x}$  (ניבוי  $Y$  בהינתן  $X$ ):

שלב א: נחשב את הממוצע הכללי של  $Y$  שיסומן  $\bar{Y}$ .  
 נחשב לכל ערך של  $X$  את הממוצע של  $Y$ .

שלב ב: חישוב השונות הכללית של  $Y$ , כלומר השונות של ההתפלגות השולית

$$S_y^2 = \frac{\sum y^2 \cdot f(y)}{n} - \bar{y}^2$$

שלב ג: חישוב שונות הניבויים של  $Y$ , כלומר השונות של הממוצעים הקבוצתיים

$$S_{\bar{y}}^2 = \frac{\sum \bar{y}_x^2 \cdot f(x)}{n} - \bar{y}^2$$

$$\eta_{y|x}^2 = \frac{S_{\bar{y}}^2}{S_y^2}$$

$$\eta_{y|x} = \sqrt{\eta_{y|x}^2}$$

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

להלן טבלת שכיחות משותפת עבור קבוצת סטודנטים, כאשר:

| 3 | 2 | 1  | $Y/X$ |
|---|---|----|-------|
| 5 | 5 | 5  | גבר   |
| 0 | 5 | 10 | אישה  |

$X$  - מגדר.

$Y$  - מספר הקורסים שנרשם הסטודנט הסמסטר.

א. איזה מדד קשר של אתא ניתן לחשב כאן?

ב. חשבו את המדד האפשרי.

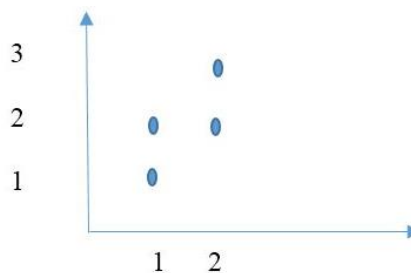
## שאלות:

- 1) להלן נתונים על משפחות בישראל. בדקו לגבי כל משפחה באיזה אזור היא גרה בארץ -  $Y$ , וכמו כן כמה מקלטי טלוויזיה יש להם בבית -  $X$ .  
להלן התוצאות שהתקבלו:

| דרום | צפון | מרכז | אזור/ מספר טלוויזיות |
|------|------|------|----------------------|
| 0    | 15   | 5    | 0                    |
| 20   | 5    | 5    | 1                    |
| 0    | 0    | 5    | 2                    |

- א. איזה מדד קשר של אתא ניתן לחשב?  
ב. חשבו את מדד הקשר של אתא שניתן לחישוב.

- 2) להלן דיאגרמת פיזור של 4 תצפיות:



- א. בנו טבלת שכיחות משותפת לנתונים.  
ב. חשבו את  $\eta_{y/x}$  ואת  $\eta_{x/y}$ .

### תשובות סופיות:

- (1) א.  $\eta_{x/y}$  . ב. 0.585 .
- (2) א. להלן טבלה : ב.  $\eta_{x/y} = \eta_{y/x} = 0.707$  .

| $x \setminus y$ | 1 | 2 | 3 | $f(x)$  |
|-----------------|---|---|---|---------|
| 1               | 1 | 1 | 0 | 2       |
| 2               | 0 | 1 | 1 | 2       |
| $f(y)$          | 1 | 2 | 1 | $n = 4$ |

# סטטיסטיקה ושיטות מחקר א

פרק 21 - מדדי קשר - בחירת מדד מתאים

תוכן העניינים

1. בחירת מדד מתאים ..... 80

## מדדי קשר – בחירת מדד מתאים:

### רקע:

בפרק זה נתרגל את התהליך של בחירת מדד הקשר (מקדם המתאם) המתאים. נתרכז בשלושת מדדי הקשר הנפוצים ביותר:

- מדד הקשר של קרמר.
- מדד הקשר של ספירמן.
- מדד הקשר של פירסון (מדד הקשר הלינארי).

בחירת מדד הקשר נעשה לפי סולמות המדידה של שני המשתנים שאנחנו רוצים לבדוק את הקשר בינם. הנושא של סולמות מדידה נלמד כבר בפרק אחר, כמו כן כל מדד קשר נלמד בפרק נפרד. אנו מתרכזים ב 3 סולמות מדידה:

- סולם שמי/ זהות (nominal).
- סולם סדר (ordinal).
- סולם כמותי (scale): לכאן אנו מאחדים את סולם רווחים ומנה יחד.

שלושת מדדי הקשר שלעיל דנים בקשר בין שני משתנים. מדדי הקשר הם סימטריים, כלומר אין זה משנה איזה משתנה נגדיר בתור משתנה  $X$  ואיזה יוגדר בתור משתנה  $Y$ .

להלן טבלה שמסכמת את בחירת המדד המתאים:

| $X / Y$ | שמי  | סדר    | כמותי  |
|---------|------|--------|--------|
| שמי     | קרמר | קרמר   | קרמר   |
| סדר     | קרמר | ספירמן | ספירמן |
| כמותי   | קרמר | ספירמן | פירסון |

**דוגמה (פתרון בהקלטה):**

במפעל לייצור מצברים לרכב בדקו במשך 40 ימים את התפוקה היומית (מספר מצברים במאות) ואת מספר הפועלים שעבדו באותו היום. איזה מדד קשר מתאים כדי לבדוק האם קיים קשר בין התפוקה היומית לכמות עובדים באותו היום במפעל?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. חסרים נתונים כדי לדעת זאת.

## שאלות:

- (1) בקרב תלמידי כיתות א' בבית הספר גבריאלי אשר בתל אביב בדקו לכל תלמיד את גובהו בס"מ ואת משקלו בק"ג. מהו מדד הקשר המתאים כדי לבדוק האם קיים קשר בין גובה התלמיד למשקלו?
- פירסון.
  - ספירמן.
  - קרמר.
  - אין מספיק נתונים כדי לדעת.
- (2) בסקר שנעשה על אזרחים במדינה בדקו לכל אזרח את השכלתו ואת שכרו. מהו מדד הקשר המתאים כדי לבדוק האם קיים קשר בין השכלה לשכר?
- פירסון.
  - ספירמן.
  - קרמר.
  - אין מספיק נתונים כדי לדעת.
- (3) בגן הילדים של שולה אספו נתונים על 25 הילדים שבגן. על כל ילד בדקו את רמת הביטחון העצמי שלו ( $X$  = מדד שמקבל ערכים בין 1 - נמוך ועד 5 - גבוה), ואת אוצר המילים שלו ( $Y$  = לפי מבחן שנעשה לכל ילד בו ספרו את מספר המילים שידע מתוך רשימה של 20 מילים). איסוף הנתונים נעשה על ידי איש מקצוע שצפה בילדים ובחן אותן.
- מהו מקדם המתאם המתאים לבדיקת התלות בין  $X$  לבין  $Y$ ?
- פירסון.
  - ספירמן.
  - קרמר.
  - אין מספיק נתונים כדי לדעת.
- (4) הועלתה השערה בבית הספר למדעי ההתנהגות שיש קשר בין המרצה להצלחת הסטודנט. לצורך בדיקת הטענה בדקו לגבי כל סטודנט שלמד סטטיסטיקה אצל איזה מרצה הוא למד (היו 3 מרצים שונים) והאם הוא עבר את הבחינה. מהו מדד הקשר המתאים במקרה זה?
- פירסון.
  - ספירמן.
  - קרמר.
  - אין מספיק נתונים כדי לדעת.

(5) בבורסה בתל אביב רצו לבדוק את הקשר בין גובה הריבית במשק בסוף החודש (באחוזים), לבין תשואת מניית אקטר (באחוזים) בסוף החודש. מהו מדד הקשר המתאים?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

(6) בעל מסעדה ביצע סקר על לקוחותיו, בין השאלות שנשאלו בסקר :  
 • מה מידת שביעות הרצון של הלקוח מאדיבות השירות של המלצר בסקלה של 1 עד 5.  
 • מה גילו של הלקוח בשנים.  
 • מה גובה התשר (טיפ) ב-₪ אשר נתן הלקוח למלצר בלכתו מהמסעדה.

מהו המדד המתאים כדי לבדוק האם קיים מתאם חיובי בין מידת שביעות הרצון של הלקוח מאדיבות השירות לבין גובה התשר שהוא נתן למלצר?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

(7) בעל מסעדה ביצע סקר על לקוחותיו, בין השאלות שנשאלו בסקר :  
 • מה מידת שביעות הרצון של הלקוח מאדיבות השירות של המלצר בסקלה של 1 עד 5.  
 • מה גילו של הלקוח בשנים.  
 • מה גובה התשר (טיפ) ב-₪ אשר נתן הלקוח למלצר בלכתו מהמסעדה.

מהו המדד המתאים כדי לבדוק האם קיים מתאם בין גיל הלקוח לגובה התשר שהעניק לשירות?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

### הנתונים הבאים מתאימים ל-3 השאלות הבאות:

חוקרים ערכו מדגם של ילדים מכיתות ב' ו-ג' מ-4 בתי ספר שונים. הועבר לילדים שאלון בו תואר מצב מסוים והילדים התבקשו לציין את רמת החרדה שלהם באשר לאותו מצב. המשתנים שלגביהם נאספו נתונים:

- מגדר (1 - בן, 2 - בת).
- כיתה (0 - ג', 1 - ב').
- בית ספר (A, B, C, D).
- רמת חרדה (ציון שהילד היה צריך לתת בסקלה של 1 עד 10).
- גיל התלמיד בחודשים.

8) מהו מדד הקשר המתאים כדי לבדוק את הקשר בין גיל התלמיד לבין רמת החרדה שלו מהמצב?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

9) מהו מדד הקשר המתאים כדי לבדוק את הקשר בין המגדר לבין רמת החרדה שלו מהמצב?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

10) מהו מדד הקשר המתאים כדי לבדוק את הקשר בין המגדר לבין בית הספר?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

11) בטבלה שלהלן נתונות שכיחויות ההצלחה והכישלון של 150 חולים :

| תוצאה/ התרופה | A  | B  | C  |
|---------------|----|----|----|
| נרפא          | 35 | 13 | 45 |
| לא נרפא       | 15 | 37 | 5  |

החולים קיבלו 3 תרופות שונות ובדקו עבור כל חולה אם התרופה הצליחה בריפוי. מהו מדד הקשר המתאים?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

12) שני מוסיקאים מפורסמים נתנו ציון בסולם של 1-10 לקולם של 8 מתמודדים בתוכנית ריאליטי ידועה. ציון 10 ניתן לקול שמצא חן ביותר בעיני המוסיקאי. מפיק התוכנית רצה לבדוק האם יש קורלציה בין המוסיקאים מבחינת הטעם. בטבלה הבאה נתונים הציונים של כל אחד מהמוסיקאים את שמונת המתמודדים :

|            | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|------------|---|---|---|---|---|---|---|---|
| מוסיקאי א' | 6 | 5 | 7 | 4 | 3 | 1 | 1 | 4 |
| מוסיקאי ב' | 5 | 7 | 5 | 2 | 3 | 3 | 2 | 7 |

מהו מדד הקשר המתאים?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

13) להלן טבלה המסכמת את השכר באלפי ₪ של עובדים בחברה ואת רמת המוטיבציה שלהם מ-1 עד 5 :

| שכר      | 12 | 18 | 20 | 15 | 30 |
|----------|----|----|----|----|----|
| מוטיבציה | 4  | 4  | 5  | 3  | 5  |

מהו מקדם המתאם המתאים לבדיקת רמת ההתאמה בין המוטיבציה לשכר של העובד?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

14) להלן טבלה על נתונים שנאספו על מספר תצפיות:

|    |    |    |    |    |   |
|----|----|----|----|----|---|
| 5  | 4  | 3  | 2  | 1  | X |
| 20 | 17 | 17 | 14 | 12 | Y |

אם מעוניינים לבדוק עד כמה קיים קשר לנארי בין שני המשתנים.  
מהו המדד המתאים?

- א. פירסון.
- ב. ספירמן.
- ג. קרמר.
- ד. אין מספיק נתונים כדי לדעת.

### תשובות סופיות:

|        |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|--------|
| א' (5  | ג' (4  | ב' (3  | ד' (2  | א' (1  |
| ג' (10 | ג' (9  | ב' (8  | א' (7  | ב' (6  |
|        | א' (14 | ב' (13 | ב' (12 | ג' (11 |