

# מתמטיקה מערכות 1 (חדוא ג1)

פרק 7 - חישוב נגזרת של פונקציה

תוכן העניינים

1. כללי הגזירה ..... (ללא ספר)
2. תרגול בכללי הגזירה. 1
3. תרגילים נוספים לפי סוגים ..... (ללא ספר)
4. גזירה סתומה ..... 5
5. כלל השרשרת ..... 7
6. גזירה סתומה ..... 10
7. כלל השרשרת ..... 12
8. גזירה לוגריתמית ..... 15

## תרגול בכללי הגזירה

### שאלות

גזור פעמיים את הפונקציות הבאות (בשאלות 27-35 מצא רק את הנגזרת הראשונה):

$$f(x) = \frac{2x^2}{(x+1)^2} \quad (3) \quad f(x) = \frac{x^2 - 5x + 6}{2x + 10} \quad (2) \quad f(x) = \frac{x^2 + 2x + 4}{2x} \quad (1)$$

$$f(x) = \left(\frac{x+1}{x-1}\right)^3 \quad (6) \quad f(x) = \frac{x^3}{(x+1)^2} \quad (5) \quad f(x) = \frac{x^3}{x^2 - 4} \quad (4)$$

$$f(x) = x \cdot \ln x \quad (9) \quad f(x) = \frac{\ln x}{\sqrt{x}} \quad (8) \quad f(x) = \frac{\ln x}{x} \quad (7)$$

$$f(x) = \ln^2 x + 2 \ln x - 32 \quad (12) \quad f(x) = \ln \sqrt{\frac{1}{2-x}} \quad (11) \quad f(x) = x^2 \cdot \ln x \quad (10)$$

$$f(x) = (x+2) \cdot e^{\frac{1}{x}} \quad (15) \quad f(x) = e^{\frac{1}{x}} \quad (14) \quad f(x) = \ln^2 x + \frac{1}{\ln^2 x} \quad (13)$$

$$f(x) = \sqrt[3]{x^2 - 1} \quad (18) \quad f(x) = \sqrt[3]{x^2} \quad (17) \quad f(x) = x \cdot e^{-2x^2} \quad (16)$$

$$f(x) = \cos(x^4) \quad (21) \quad f(x) = \sin(x^3) \quad (20) \quad f(x) = \sqrt[3]{x^2} (1-x) \quad (19)$$

$$f(x) = \ln(\cos x^2) \quad (24) \quad f(x) = \tan(x^2) \quad (23) \quad f(x) = \sin^3 x \quad (22)$$

$$f(x) = (x+1)^{\sin x} \quad (27) \quad f(x) = \arctan(x^2) \quad (26) \quad f(x) = \arcsin(2x+3) \quad (25)$$

$$y = x^{\ln x} \quad (30) \quad f(x) = (\cos x)^{\ln x} \quad (29) \quad f(x) = (\sin x)^x \quad (28)$$

$$y = \left(\sqrt{x} + \frac{1}{x}\right)^{\sqrt{x}} \quad (33) \quad y = x^{\sqrt{x}} \quad (32) \quad y = \sqrt[3]{x} \quad (31)$$

$$y = (x+1)^{(x+1)} \quad (35) \quad y = (x^2 + 1)^x \quad (34)$$

הערה: בשאלות 28 ו-29 נציג שתי דרכי פתרון. מומלץ לצפות בשתייהן.

## תשובות סופיות

$$f'(x) = \frac{2x^2 - 8}{4x^2}, \quad f''(x) = \frac{4}{x^3} \quad (1)$$

$$f'(x) = \frac{2x^2 + 20x - 62}{(2x+10)^2}, \quad f''(x) = \frac{448}{(2x+10)^3} \quad (2)$$

$$f'(x) = \frac{4x}{(x+1)^3}, \quad f''(x) = \frac{4(1-2x)}{(x+1)^4} \quad (3)$$

$$f'(x) = \frac{x^2(x^2-12)}{(x^2-4)^2}, \quad f''(x) = \frac{4x \cdot (2x^2+24)}{(x^2-4)^3} \quad (4)$$

$$f'(x) = \frac{x^2(x+3)}{(x+1)^3}, \quad f''(x) = \frac{6x}{(x+1)^4} \quad (5)$$

$$f'(x) = -\frac{6(x+1)^2}{(x-1)^4}, \quad f''(x) = 12 \frac{(x+1)(x+3)}{(x-1)^5} \quad (6)$$

$$f'(x) = \frac{1 - \ln x}{x^2}, \quad f''(x) = \frac{2 \ln x - 3}{x^3} \quad (7)$$

$$f'(x) = \frac{2 - \ln x}{2x^{1.5}}, \quad f''(x) = \frac{3 \ln x - 8}{4x^{2.5}} \quad (8)$$

$$f'(x) = \ln x + 1, \quad f''(x) = \frac{1}{x} \quad (9)$$

$$f'(x) = x(2 \ln x + 1), \quad f''(x) = 2 \ln x + 3 \quad (10)$$

$$f'(x) = \frac{1}{2(2-x)}, \quad f''(x) = \frac{1}{(4-2x)^2} \quad (11)$$

$$f'(x) = \frac{2}{x}(\ln x + 1), \quad f''(x) = \frac{-2 \ln x}{x^2} \quad (12)$$

$$f'(x) = \frac{2}{x} \left[ \frac{(\ln x)^4 - 1}{(\ln x)^3} \right], \quad f''(x) = -\frac{2}{x^2} \left\{ \frac{(\ln x)^5 - (\ln x)^4 - (\ln x) - 3}{(\ln x)^4} \right\} \quad (13)$$

$$f'(x) = e^{\frac{1}{x}} \cdot \left(-\frac{1}{x^2}\right), \quad f''(x) = e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{1+2x}{x^4}\right) \quad (14)$$

$$f'(x) = e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{x^2 - x - 2}{x^2}\right), \quad f''(x) = e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{5x+2}{x^4}\right) \quad (15)$$

$$f'(x) = e^{-2x^2} (1-4x^2), \quad f''(x) = -4xe^{-2x^2} (3-4x^2) \quad (16)$$

$$f'(x) = \frac{2}{3 \cdot \sqrt[3]{x}}, \quad f''(x) = -\frac{2}{9 \cdot \sqrt[3]{x^4}} \quad (17)$$

$$f'(x) = \frac{2x}{3\sqrt[3]{(x^2-1)^2}}, \quad f''(x) = \frac{2}{3} \cdot \frac{-\frac{1}{3}x^2 - 1}{(x^2-1)^{5/3}} \quad (18)$$

$$f'(x) = \frac{2-5x}{3\sqrt[3]{x}}, \quad f''(x) = -\frac{2}{9} \cdot \frac{1+5x}{\sqrt[3]{x^4}} \quad (19)$$

$$f'(x) = \cos(x^3) \cdot 3x^2, \quad f''(x) = -9x^4 \sin(x^3) + 6x \cdot \cos(x^3) \quad (20)$$

$$f'(x) = -\sin(x^4) \cdot 4x^3, \quad f''(x) = -16x^6 \cos(x^4) - 12x^2 \cdot \sin(x^4) \quad (21)$$

$$f'(x) = 3\sin^2 x \cdot \cos x, \quad f''(x) = 6\sin x \cos^2 x - 3\sin^3 x \quad (22)$$

$$f'(x) = \frac{2x}{\cos^2(x^2)}, \quad f''(x) = \frac{2 \cdot \cos^2(x^2) - 8x^2 \cos(x^2) \sin(x^2)}{\cos^4(x^2)} \quad (23)$$

$$f'(x) = \tan(x^2) \cdot (-2x), \quad f''(x) = \frac{-4x^2}{\cos^2(x^2)} - 2 \tan(x^2) \quad (24)$$

$$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-(2x+3)^2}} \cdot 2, \quad f''(x) = \frac{4(2x+3)}{(1-(2x+3)^2)^{1.5}} \quad (25)$$

$$f'(x) = \frac{2x}{1+x^4}, \quad f''(x) = \frac{2-6x^4}{(1+x^4)^2} \quad (26)$$

$$f'(x) = x^{\sin x} \left( \cos x \cdot \ln(x+1) + \frac{\sin x}{x+1} \right) \quad (27)$$

$$f'(x) = (\sin x)^x (\ln(\sin x) + \cot x \cdot x) \quad (28)$$

$$f'(x) = (\cos x)^{\ln x} \cdot \left( \frac{\ln(\cos x)}{x} - \tan x \cdot \ln x \right) \quad (29)$$

$$y' = x^{\ln x} \left( \frac{2 \ln x}{x} \right) \quad (30)$$

$$y' = x^{\frac{1}{x}-2} (1 - \ln x) \quad (31)$$

$$y' = \frac{1}{\sqrt{x}} \cdot x^{\sqrt{x}} \left( \frac{\ln x}{2} + 1 \right) \quad (32)$$

$$y' = \left( \sqrt{x} + \frac{1}{x} \right)^{\sqrt{x}} \left( \frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot \ln \left( \sqrt{x} + \frac{1}{x} \right) + \frac{1}{\sqrt{x + \frac{1}{x}}} \left( \frac{1}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{x^2} \right) \cdot \sqrt{x} \right) \quad (33)$$

$$y' = (x^2 + 1)^x \left( 1 \cdot \ln(x^2 + 1) + \frac{1}{x^2 + 1} \cdot 2x \cdot x \right) \quad (34)$$

$$y' = (x+1)^{(x+1)} [\ln(x+1) + 1] \quad (35)$$

## גזירה סתומה

### שאלות

- (1) גזור את הפונקציה הסתומה:  $x^2 + y^5 - 1 = 1$ .
- (2) גזור את הפונקציה הסתומה:  $4 \ln x + 10 \ln y = y^2$ .
- (3) גזור את הפונקציה הסתומה:  $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{xy}$ .
- (4) מצא את משוואת המשיק למעגל  $x^2 + y^2 = 25$ , בנקודה  $(3, 4)$ .
- (5) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $x^2 y + y - x = xy$ , דרך הנקודה  $(1, 1)$ .
- (6) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $x^2 y + e^{y^2 - 4x} = \ln x + 1$ , דרך הנקודה  $(1, 2)$ , הנמצאת על גרף הפונקציה.
- (7) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $\sqrt{xy + y} + x^2 y = xy^2$ , דרך הנקודה  $(1, 2)$ , הנמצאת על גרף הפונקציה.
- (8) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $e^{xy^2} + y = y^2 - 1$ , דרך הנקודה  $(0, 2)$ , הנמצאת על גרף הפונקציה.
- (9) נתונה הפונקציה הסתומה  $x + y \cdot e^y = xy^2 + x^2$ .  
 א. מצא את הנקודות על גרף הפונקציה, בהן  $y = 0$ .  
 ב. מצא את משוואת הישרים המשיקים של גרף הפונקציה, בנקודות שמצאת בסעיף א.
- (10) גזור את הפונקציה הסתומה:  $x^y - xy = 10$ .
- (11) גזור את הפונקציה הסתומה:  $x^y - y^x = 1$ .
- (12) נתונה פונקציה סתומה  $xy - y^3 + x^2 - x = 0$ . מצא את ערך  $y^n$  בנקודה בה  $y = 1$ .

- (13)** נתון כי המשוואה  $h(y) - x + 1 = 2x^3 + 4e^y + 2y$ ,  
 מגדירה את  $y = y(x)$  כפונקציה סתומה של  $x$ .  
 נתון כי  $h(y)$  גזירה ברציפות ויורדת.  
 הוכיחו כי  $y(x)$  יורדת חזק.

### תשובות סופיות

$$5y^4 - 1 \neq 0, \quad y' = \frac{-2x}{5y^4 - 1} \quad (1)$$

$$\frac{10}{y} - 2y \neq 0, \quad y' = \frac{-\frac{4}{x}}{\frac{10}{y} - 2y} \quad (2)$$

$$\sqrt{x} \neq 0, \quad \sqrt{x} \neq 1, \quad y' = \frac{\sqrt{y}-1}{2\sqrt{x}} \cdot \frac{2\sqrt{y}}{1-\sqrt{x}} \quad (3)$$

$$y = -\frac{3}{4}x + \frac{25}{4} \quad (4)$$

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} \quad (5)$$

$$y = \frac{1}{5}x + 1\frac{4}{5} \quad (6)$$

$$y = \frac{1}{5}x + 1\frac{5}{6} \quad (7)$$

$$y = \frac{4}{3}x + 2 \quad (8)$$

- (9)** א.  $(0,0)$ ,  $(1,0)$  ב. בראשית הצירים:  $y = -x$ , המשוואה השנייה:  $y = x - 1$ .

$$x^y \cdot \ln x - x \neq 0, \quad y' = \frac{y - x^y \cdot \frac{y}{x}}{x^y \cdot \ln x - x} \quad (10)$$

$$x^y \ln x - y^x \cdot \frac{x}{y} \neq 0, \quad y' = \frac{-x^y \cdot \frac{y}{x} + y^x \cdot \ln y}{x^y \ln x - y^x \cdot \frac{x}{y}} \quad (11)$$

$$-1 \quad (12)$$

- (13)** שאלת הוכחה.

## כלל השרשרת

### שאלות

- (1) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f'(4) = 10$ .  
נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f(x^2)$ .  
חשב את  $g'(2)$ .

- (2) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f'(2) = 4$ .  
נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$ .  
א. חשב את  $g'(0.5)$ .  
ב. נתון בנוסף כי  $f$  עולה. הוכח כי  $g$  יורדת.

- (3) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f'(1) = e$ .  
נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = x^2 + f(\ln x)$ .  
א. חשב את  $g'(e)$ .  
ב. הוכח שהפונקציה  $g$  עולה בנקודה  $x = e$ .

ג. חשב את הגבול  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{g(e+h) - g(e)}{h}$ .

- (4) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f(1) = -2$ ,  $f'(1) = e$ .  
נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f^2(\ln x)$ .  
א. חשב את  $g'(e)$ .  
ב. האם  $g$  עולה או יורדת, בנקודה  $x = e$ ?  
ג. נתון כי  $f$  שלילית ועולה. מה ניתן לומר על  $g$ ?

(5) נתונה פונקציה,  $f(x)$ , יורדת וחיובית.

$$g(x) = \sqrt{f(x^2) + 4}$$

מי מהבאים נכון?

א.  $g$  עולה לכל  $x$ .

ב.  $g$  יורדת לכל  $x$ .

ג.  $g$  עולה לכל  $x > 0$ .

ד.  $g$  יורדת לכל  $x > 0$ .

$$(6) \quad g(x) = \frac{f^2(\sqrt{x}) - 1}{f(\sqrt{x})}$$

נתונה הפונקציה  $f(10) = f'(10) = 4$ . חשב  $g'(100)$ .

$$(7) \quad g(x) = \frac{f\left(\frac{1}{x}\right) + 4}{f\left(\frac{1}{x^2}\right)}$$

נתונה הפונקציה  $f(1) = 1$ ,  $f'(1) = 4$ . חשב  $g'(1)$ .

$$(8) \quad g(x) = \frac{f^2(\ln x)}{f(\ln x) + 1}$$

נתונה הפונקציה  $f(0) = 2$ ,  $f'(0) = 1$ . חשב  $g'(1)$ .

$$(9) \quad g(x) = \frac{f^{10}(4x) + 1}{f\left(\frac{4}{x}\right) + 1}$$

נתונה הפונקציה  $f(4) = 1$ ,  $f'(4) = 2$ . חשב  $g'(1)$ .

$$(10) \quad g(x) = \frac{\sqrt[4]{f^7(x^2)}}{f(x^4)}$$

נתונה הפונקציה  $f(1) = 1$ ,  $f'(1) = 4$ . חשב  $g'(1)$ .

**תשובות סופיות**

		40	(1)
	ב. הוכחה.	-16	(2)
ג. $2e+1$	ב. הוכחה.	$2e+1$	(3)
ג. $g'(x) < 0$	ב. יורדת.	-4	(4)
		ד	(5)
		$\frac{17}{80}$	(6)
		36	(7)
		$\frac{8}{9}$	(8)
		44	(9)
		-2	(10)

## גזירה סתומה

### שאלות

- (1) גזור את הפונקציה הסתומה:  $x^2 + y^5 - 1 = 1$ .
- (2) גזור את הפונקציה הסתומה:  $4 \ln x + 10 \ln y = y^2$ .
- (3) גזור את הפונקציה הסתומה:  $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{xy}$ .
- (4) מצא את משוואת המשיק למעגל  $x^2 + y^2 = 25$ , בנקודה  $(3, 4)$ .
- (5) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $xy^2 + y - x = xy$ , דרך הנקודה  $(1, 1)$ .
- (6) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $x^2 y + e^{y^2 - 4x} = \ln x + 1$ , דרך הנקודה  $(1, 2)$ , הנמצאת על גרף הפונקציה.
- (7) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $\sqrt{xy + y} + x^2 y = xy^2$ , דרך הנקודה  $(1, 2)$ , הנמצאת על גרף הפונקציה.
- (8) מצא את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסתומה  $e^{xy^2} + y = y^2 - 1$ , דרך הנקודה  $(0, 2)$ , הנמצאת על גרף הפונקציה.
- (9) נתונה הפונקציה הסתומה  $x + y \cdot e^y = xy^2 + x^2$ .  
 א. מצא את הנקודות על גרף הפונקציה, בהן  $y = 0$ .  
 ב. מצא את משוואת הישרים המשיקים של גרף הפונקציה, בנקודות שמצאת בסעיף א.
- (10) גזור את הפונקציה הסתומה:  $x^y - xy = 10$ .
- (11) גזור את הפונקציה הסתומה:  $x^y - y^x = 1$ .
- (12) נתונה פונקציה סתומה  $xy - y^3 + x^2 - x = 0$ . מצא את ערך  $y^n$  בנקודה בה  $y = 1$ .

- (13)** נתון כי המשוואה  $h(y) - x + 1 = 2x^3 + 4e^y + 2y$ ,  
 מגדירה את  $y = y(x)$  כפונקציה סתומה של  $x$ .  
 נתון כי  $h(y)$  גזירה ברציפות ויורדת.  
 הוכיחו כי  $y(x)$  יורדת חזק.

### תשובות סופיות

$$5y^4 - 1 \neq 0, \quad y' = \frac{-2x}{5y^4 - 1} \quad (1)$$

$$\frac{10}{y} - 2y \neq 0, \quad y' = \frac{-\frac{4}{x}}{\frac{10}{y} - 2y} \quad (2)$$

$$\sqrt{x} \neq 0, \quad \sqrt{x} \neq 1, \quad y' = \frac{\sqrt{y}-1}{2\sqrt{x}} \cdot \frac{2\sqrt{y}}{1-\sqrt{x}} \quad (3)$$

$$y = -\frac{3}{4}x + \frac{25}{4} \quad (4)$$

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} \quad (5)$$

$$y = \frac{1}{5}x + 1\frac{4}{5} \quad (6)$$

$$y = \frac{1}{5}x + 1\frac{5}{6} \quad (7)$$

$$y = \frac{4}{3}x + 2 \quad (8)$$

- (9)** א.  $(0,0)$ ,  $(1,0)$ . ב. בראשית הצירים:  $y = -x$ , המשוואה השנייה:  $y = x - 1$ .

$$x^y \cdot \ln x - x \neq 0, \quad y' = \frac{y - x^y \cdot \frac{y}{x}}{x^y \cdot \ln x - x} \quad (10)$$

$$x^y \ln x - y^x \cdot \frac{x}{y} \neq 0, \quad y' = \frac{-x^y \cdot \frac{y}{x} + y^x \cdot \ln y}{x^y \ln x - y^x \cdot \frac{x}{y}} \quad (11)$$

$$-1 \quad (12)$$

- (13)** שאלת הוכחה.

## כלל השרשרת

## שאלות

(1) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f'(4) = 10$ .  
 נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f(x^2)$ .  
 חשב את  $g'(2)$ .

(2) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f'(2) = 4$ .  
 נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$ .  
 א. חשב את  $g'(0.5)$ .

ב. נתון בנוסף כי  $f$  עולה. הוכח כי  $g$  יורדת.

(3) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f'(1) = e$ .  
 נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = x^2 + f(\ln x)$ .  
 א. חשב את  $g'(e)$ .

ב. הוכח שהפונקציה  $g$  עולה בנקודה  $x = e$ .

ג. חשב את הגבול  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{g(e+h) - g(e)}{h}$ .

(4) נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיימת  $f(1) = -2$ ,  $f'(1) = e$ .  
 נגדיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f^2(\ln x)$ .  
 א. חשב את  $g'(e)$ .

ב. האם  $g$  עולה או יורדת, בנקודה  $x = e$ ?

ג. נתון כי  $f$  שלילית ועולה. מה ניתן לומר על  $g$ ?

(5) נתונה פונקציה,  $f(x)$ , יורדת וחיובית.

$$. g(x) = \sqrt{f(x^2) + 4} \text{ נגדיר פונקציה חדשה}$$

מי מהבאים נכון?

א.  $g$  עולה לכל  $x$ .

ב.  $g$  יורדת לכל  $x$ .

ג.  $g$  עולה לכל  $x > 0$ .

ד.  $g$  יורדת לכל  $x > 0$ .

$$. g(x) = \frac{f^2(\sqrt{x}) - 1}{f(\sqrt{x})} \text{ נתונה הפונקציה} \quad (6)$$

ידוע כי  $f(10) = f'(10) = 4$ . חשב  $g'(100)$ .

$$. g(x) = \frac{f\left(\frac{1}{x}\right) + 4}{f\left(\frac{1}{x^2}\right)} \text{ נתונה הפונקציה} \quad (7)$$

ידוע כי  $f(1) = 1$ ,  $f'(1) = 4$ . חשב  $g'(1)$ .

$$. g(x) = \frac{f^2(\ln x)}{f(\ln x) + 1} \text{ נתונה הפונקציה} \quad (8)$$

ידוע כי  $f(0) = 1$ ,  $f'(0) = 2$ . חשב  $g'(1)$ .

$$. g(x) = \frac{f^{10}(4x) + 1}{f\left(\frac{4}{x}\right) + 1} \text{ נתונה הפונקציה} \quad (9)$$

ידוע כי  $f(4) = 1$ ,  $f'(4) = 2$ . חשב  $g'(1)$ .

$$. g(x) = \frac{\sqrt[4]{f^7(x^2)}}{f(x^4)} \text{ נתונה הפונקציה} \quad (10)$$

ידוע כי  $f(1) = 1$ ,  $f'(1) = 4$ . חשב  $g'(1)$ .

## תשובות סופיות

- |                |           |                 |      |
|----------------|-----------|-----------------|------|
|                |           | 40              | (1)  |
|                | ב. הוכחה. | -16             | (2)  |
| ג. $2e+1$      | ב. הוכחה. | $2e+1$          | (3)  |
| ג. $g'(x) < 0$ | ב. יורדת. | -4              | (4)  |
|                |           | ד               | (5)  |
|                |           | $\frac{17}{80}$ | (6)  |
|                |           | 36              | (7)  |
|                |           | $\frac{8}{9}$   | (8)  |
|                |           | 44              | (9)  |
|                |           | -2              | (10) |

## גזירה לוגריתמית

### שאלות

גזור את הפונקציות הבאות:

$$y = \sqrt[4]{\frac{10x-1}{x+1}} \cdot \sqrt{(2x+1)^7} \quad (1)$$

$$y = \left(\sqrt[4]{10x+1}\right)^{2x} \quad (2)$$

$$y = \frac{(x+2)^{3x+4} \cdot (5x+6)}{(7x+8) \cdot (9x+10)} \quad (3)$$

### תשובות סופיות

$$y' = y \left[ \frac{1}{4} \frac{1}{10x-1} \cdot 10 + \frac{7}{10} \frac{1}{2x+1} \cdot 2 - \frac{1}{4} \frac{1}{x+1} \right] \quad (1)$$

$$y' = \left( (10x+1)^{\frac{1}{4}} \right)^{2x} \cdot \frac{1}{4} \left[ 2^x \cdot \ln 2 \cdot \ln(10x+1) + \frac{1}{10x+1} \cdot 10 \cdot 2^x \right] \quad (2)$$

$$y' = y \left[ 3 \cdot \ln(x+2) + \frac{1}{x+2} (3x+4) + \frac{1}{5x+6} \cdot 5 - \frac{1}{7x+8} \cdot 7 - \frac{1}{9x+10} \cdot 9 \right] \quad (3)$$