

# פיזיקה 1 להנדסת מכונות (אפיק מעבר לבן גוריון) 305002024

פרק 12 - מומנט התמד

תוכן העניינים

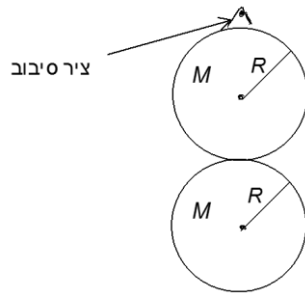
1. הקדמה - גוף קשיח וציר סיבוב ..... (ללא ספר)
2. מומנט התמד, הסבר בסיסי וחישוב עבור גוף נקודת ..... (ללא ספר)
3. משפט שטיינר ..... (ללא ספר)
4. אדטיביות ..... 1
5.  $I_z = I_x + I_y$  ..... (ללא ספר)
6. סימטריה ל  $z$  ..... (ללא ספר)
7. חישוב מומנט ההתמד של דיסקה סביב ציר  $Z$  וציר  $X$  ..... (ללא ספר)
8. תרגילים שונים לחישוב מומנט התמד ..... 2

## אדטיביות:

### שאלות:

#### (1) דוגמה

לדסקה בעלת מסה  $M$  ורדיוס  $R$  מחברים דסקה נוספת זהה בקצה התחתון של הדסקה. מצא את מומנט ההתמד של המערכת סביב ציר המאונך למישור הדסקה והעובר בקצה העליון של הדסקה (הראשונה).



### תשובות סופיות:

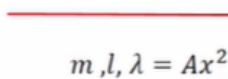
$$I = 11mR^2 \quad (1)$$

## תרגילים שונים לחישוב מומנט התמד:

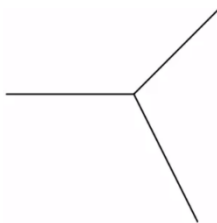
### שאלות:



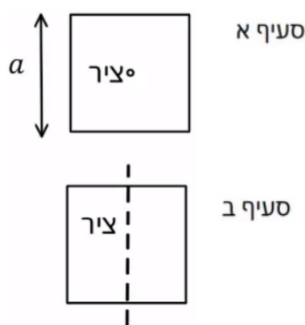
- (1) **חישוב אינטגרל של מוט לא אחיד**  
 חשב את מומנט ההתמד של מוט עם צפיפות ליחידת אורך  $\lambda(x) = \lambda_0 \frac{x}{L}$  סביב קצה המוט.  
 $x$  הוא המרחק מהקצה,  $L$  הוא אורך המוט ו- $\lambda_0$  נתון.



- (2) **חישוב נוסף מוט בצפיפות לא אחידה**  
 מצא את מומנט ההתמד של מוט סביב מרכזו לפי הנתונים שבשרטוט.  
 הצפיפות הנתונה מתייחסת למרכז המוט כראשית הצירים.



- (3) **שלושה מוטות מחוברים בקצה**  
 שלושה מוטות זהים באורך  $l$  ומסה  $m$  כל אחד מחוברים באופן המוצג באיור.  
 מצא את מומנט ההתמד של המערכת סביב ציר הנמצא בנקודת החיבור בין המוטות ובמאונך למישור.



- (4) **מסגרת ריבועית**  
 נתונה מסגרת ריבועית בעלת אורך צלע  $a$  ומסה  $M$ .  
 מצא את מומנט ההתמד של מסגרת.  
 א. סביב ציר העובר במרכז ובמאונך למישור המסגרת.  
 ב. סביב ציר העובר במרכז המסגרת ודרך מרכז שתי צלעות ומקביל לשתי הצלעות האחרות.

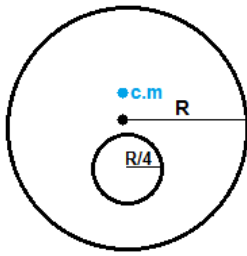


- (5) **מומנט התמד של שער חשמלי**  
 מצא את מומנט ההתמד של שער חשמלי בעל מסה  $m$  ואורך  $l$  אשר בסופו מחוברת משקולת בעלת מסה  $M$  ואורך  $L$  המסתובב סביב מרכז המסה שלו.



- (6) **מומנט התמד של ריש**  
 מצא את מומנט ההתמד של הגוף שבשרטוט סביב מרכז המסה שלו בשתי דרכים שונות. אורך כל מוט  $l$  ומסתו  $m$ .

**(7) דיסקה עם חור**



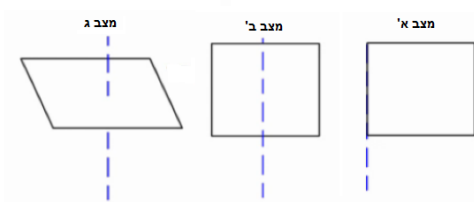
- א. מצא את מומנט ההתמד של דיסקה בעלת מסה  $M$  ורדיוס  $R$ , אם ידוע כי במרחק  $R$  חצי ממרכז הדיסקה קדחו חור ברדיוס רבע  $R$ . הדיסקה מסתובבת סביב ציר במרכזה (ולא במרכז המסה של המערכת).
- ב. מצא את מומנט ההתמד של הגוף סביב מרכז המסה שלו.

**(8) חצי חישוק ושתי מסות**



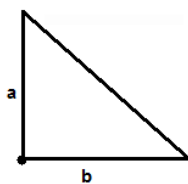
- א. מצא את מומנט ההתמד של חצי החישוק שבתמונה. רדיוסו  $R$ , מסתו  $M$  ובקצותיו חוברו שתי מסות  $m$ . החישוק סובב סביב מסמר בקודקודו.

**(9) חישוב אינטגרל של ריבוע**



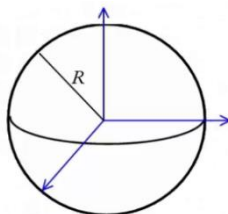
- חשב את מומנט ההתמד של לוח ריבוע בעל אורך צלע  $a$ , מסה  $M$  וצפיפות אחידה בכל אחד מהמצבים הבאים:
- א. ציר הסיבוב הוא אחת הפאות של הריבוע.  
 ב. ציר הסיבוב מקביל לפאות ועובר במרכז.  
 ג. ציר הסיבוב אנך למשטח הריבוע ועובר במרכזו.

**(10) מומנט התמד של משולש**



- א. מצא את מומנט ההתמד של המשולש סביב קודקודו הישר.

**(11) מומנט התמד של כדור מלא**



- א. חשב את מומנט ההתמד של כדור מלא בעל רדיוס  $R$ , מסה  $M$  וצפיפות אחידה, סביב ציר העובר במרכז הכדור.

**(12) מומנט התמד של קליפה כדורית**

- א. מצאו את מומנט ההתמד של קליפה כדורית ברדיוס  $R$  ומסה  $m$  סביב ציר העובר דרך מרכז המסה של הקליפה.

## תשובות סופיות:

$$I_0 = M \frac{L^2}{2} \quad (1)$$

$$I = \frac{12ml^2}{80} \quad (2)$$

$$I_{c.m.} = ml^2 \quad (3)$$

$$I = \frac{M}{8} \left( a^2 + \frac{l^2}{3} \right) \quad \text{ב.} \quad I_{c.m.} = \frac{M}{4} \left( \frac{l^2}{3} + a^2 \right) \quad \text{א.} \quad (4)$$

$$I = \left( \frac{1}{12} ml^2 + m \left( \frac{m \cdot 0 + \frac{M(1+L)}{2}}{m+M} \right)^2 \right) + \left( \frac{1}{12} (L^2 + L^2) M + M \left( \frac{1}{2} - \left( \frac{m \cdot 0 + \frac{M(1+L)}{2}}{m+M} \right) + \frac{L}{2} \right)^2 \right) \quad (5)$$

$$I = \frac{5}{12} ml^2 \quad (6)$$

$$I_0 = I_{c.m.} + \frac{15}{16} M \cdot \left( \frac{R}{30} \right)^2 \quad \text{ב.} \quad I_0 = \frac{247}{512} MR^2 \quad \text{א.} \quad (7)$$

$$I_1 = I_{c.m.} + m'b^2 \quad (8)$$

$$I = M \frac{1}{6} a^2 \quad \text{ג.} \quad I = \frac{1}{12} Ma^2 \quad \text{ב.} \quad I = \frac{1}{3} Ma^2 \quad \text{א.} \quad (9)$$

$$I_0 = \frac{1}{6} m(a^2 + b^2) \quad (10)$$

$$I = \frac{2}{5} MR^2 \quad (11)$$

$$\frac{2MR^2}{3} \quad (12)$$