

# חדוא 1 מ

פרק 14 - מינימום ומקסימום מוחלטים לפונקציה

תוכן העניינים

1. מציאת מינימום ומקסימום מוחלטים לפונקציה.....1
2. הוכחת אי שוויונים.....3

## מינימום ומקסימום מוחלטים לפונקציה

---

### שאלות

בשאלות 1-7 מצא את נקודות המינימום המוחלט והמקסימום המוחלט של הפונקציות, בתחומים הרשומים לידן (אם יש כאלה):

$$(-1 \leq x \leq 3) \quad f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x \quad (1)$$

$$f(x) = \sqrt{-x^2 + 4x + 5} \quad (2)$$

$$(-1 \leq x \leq 20) \quad f(x) = x^{\frac{2}{3}}(20 - x) \quad (3)$$

$$\left[\frac{1}{2}, \frac{7}{2}\right] \quad f(x) = \begin{cases} 4x - 2 & x < 1 \\ (x - 2)(x - 3) & x \geq 1 \end{cases} \quad (4)$$

$$(-5 \leq x \leq 1) \quad f(x) = 1 + |9 - x^2| \quad (5)$$

$$(-5 < x < -1) \quad f(x) = \frac{x^2}{x + 1} \quad (6)$$

$$(-\infty < x < \infty) \quad f(x) = x^3 - 9x + 1 \quad (7)$$

(8) מצא את המקסימום והמינימום המוחלטים של  $f(x) = \sin^4 x + \cos^4 x$ , ב- $\mathbb{R}$ .  
אין להשתמש בנגזרות בתרגיל זה.

(9) מצא את המקסימום והמינימום המוחלטים של  $f(x) = |x^2 - 4x + 3|$ , ב- $\mathbb{R}$  וב- $[1, 3]$ .  
אין להשתמש בנגזרות בתרגיל זה.

### תשובות סופיות

- (1)  $(-1, -7)$  מינימום מוחלט,  $(3, 9)$  מקסימום מוחלט.
- (2)  $(-1, 0)$  מינימום מוחלט,  $(5, 0)$  מינימום מוחלט,  $(2, 3)$  מקסימום מוחלט.
- (3)  $(0, 0)$  מינימום מוחלט,  $(20, 0)$  מינימום מוחלט,  $(8, 48)$  מקסימום מוחלט.
- (4)  $(2.5, -0.25)$  מינימום מוחלט,  $(1, 2)$  מקסימום מוחלט.
- (5)  $(-3, 1)$  מינימום מוחלט,  $(-5, 17)$  מקסימום מוחלט.
- (6)  $(-2, -4)$  מקסימום מוחלט. אין מינימום מוחלט.
- (7) אין מקסימום ואין מינימום מוחלטים.
- (8) מקסימום מוחלט 1, מינימום מוחלט  $\frac{1}{2}$ .
- (9) ב- $\mathbb{R}$ :  $(1, 0)$ ,  $(3, 0)$  מינימום מוחלט, מקסימום מוחלט לא קיים.
- ב- $[1, 3]$ :  $(1, 0)$ ,  $(3, 0)$  מינימום מוחלט,  $(2, 1)$  מקסימום מוחלט.

## הוכחת אי שוויונים

---

### שאלות

בשאלות 1-3 הוכח את אי-השוויונים שמימין לגבי התחום שבסוגריים משמאל:

$$(1) \quad x^3 e^{-x} \leq \frac{27}{e^3} \quad (x \text{ לכל } x)$$

$$(2) \quad x e^{-\sqrt{x}} \leq 1 \quad (x \geq 0)$$

$$(3) \quad 0 \leq x^2 e^{x-1} \leq 1 \quad (x \leq 1)$$

(4) יהיו  $a$  ו- $b$  מספרים חיוביים. הוכיחו שאי-השוויונים הבאים לא יכולים להתקיים בעת ובעונה אחת:

$$(1) \quad a(1-b) > \frac{1}{4}, \quad (2) \quad b(1-a) > \frac{1}{4}$$

**הערת סימון:**  $[a, b] \Leftrightarrow a \leq x \leq b$  ;  $(a, b) \Leftrightarrow a < x < b$  ;  $[a, b) \Leftrightarrow a \leq x < b$

לתשובות מלאות בסרטוני וידאו היכנסו לאתר [www.GooL.co.il](http://www.GooL.co.il)