

# הסתברות וסטטיסטיקה להנדסת תעשייה וניהול

פרק 6 - סטטיסטיקה תיאורית מדדי פיזור - טווח וסטיית תקן

תוכן העניינים

1. כללי ..... 1

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי פיזור – הטווח, השונות וסטיית התקן:

### רקע:

**המטרה:** למדוד את הפיזור של הנתונים, כלומר כמה הם רחוקים זה מזה ושונים זה מזה.

**הטווח / תחום (RANGE):**

ההפרש בין התצפית הגבוהה ביותר לנמוכה ביותר:  $R = X_{\max} - X_{\min}$ .

### שונות וסטיית תקן:

שונות היא ממוצע ריבועי של הסטיות מהממוצע וסטיית התקן היא שורש של השונות.

$$S_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n} - \bar{x}^2 \quad \text{עבור סדרת נתונים}$$

### דוגמאות:

(1) נחשב את השונות של סדרת המספרים הבאה: 5, 4, 9.

$$S_x^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2 f}{n} = \frac{\sum x^2 \cdot f}{n} - \bar{x}^2 \quad \text{עבור טבלת שכיחויות}$$

(2) להלן התפלגות הציונים בכיתה מסוימת בה ממוצע הציונים הוא 7.44.

| הציון<br>$X$ | השכיחות<br>$F$ | $x^2 \cdot F$ |
|--------------|----------------|---------------|
| 5            | 2              | 50            |
| 6            | 4              | 144           |
| 7            | 8              | 392           |
| 8            | 5              | 320           |
| 9            | 4              | 324           |
| 10           | 2              | 200           |
| <b>סה"כ</b>  |                | <b>1430</b>   |

$$S_x^2 = \frac{\sum x^2 f(x)}{n} - \bar{x}^2 = \frac{1430}{25} - 7.44^2 = 1.8464$$

$$S = \sqrt{S_x^2} = \sqrt{1.8464} = 1.3588$$

כשיש מחלקות נעזר באמצע המחלקה כדי לחשב את השונות.

## שאלות:

- (1) להלן רשימת הציונים של 20 תלמידים שנבחנו במבחן הבנת הנקרא:  
 6, 5, 8, 7, 6, 8, 6, 7, 8, 5, 6, 4, 10, 9, 8, 6, 7.  
 חשבו את השונות, סטיית התקן והטווח של הציונים.

- (2) להלן התפלגות מספר המכוניות למשפחה ביישוב "הגורן":

| מספר מכוניות למשפחה | 1  | 2   | 3   | 4   | 5  |
|---------------------|----|-----|-----|-----|----|
| שכיחות              | 65 | 150 | 220 | 140 | 55 |

- א. חשבו סטיית התקן.  
 ב. חשבו את הטווח של הנתונים.  
 הקפידו להסביר לגבי כל סעיף מה משמעות התוצאה שקיבלתם.
- (3) בחברה העוסקת בטלמרקטינג בדקו עבור כל עובד את מספר שנות הוותק שלו. התקבל שממוצע שנות הוותק הוא 4 שנים וסטיית התקן היא שנתיים.  
 א. האם הממוצע יגדל/יקטן/לא ישתנה וסטיית התקן תגדל/תקטן/לא תשנה כאשר יתווספו שני עובדים עם וותק של 4 שנים להתפלגות?  
 ב. האם הממוצע יגדל/יקטן/לא ישתנה וסטיית התקן תגדל/תקטן/לא תשנה כאשר יתווספו שני עובדים אשר אחד עם וותק של 0 שנים והשני עם וותק של 8 שנים להתפלגות?
- (4) נתונה רשימה של 5 תצפיות, אך רק עבור 4 מהן נרשמו הסטיות שלהן מהממוצע: 2, 3, 2, 1. חשבו את השונות של חמש התצפיות.
- (5) בשכונה בדקו בכל דירה את מספר החדרים לדירה. בשכונה 200 דירות.

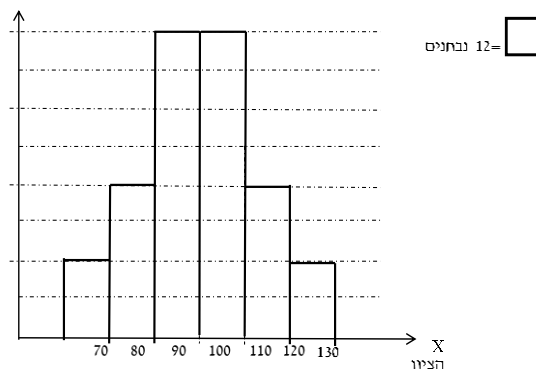
| מספר חדרים | פרופורציה |
|------------|-----------|
| 1          | 0.1       |
| 2          | 0.2       |
| 3          | 0.4       |
| 4          | 0.15      |
| 5          |           |

- א. מה הממוצע של מספר החדרים לשכונה בדירה?  
 ב. חשבו את סטיית התקן של מספר החדרים לדירה.  
 ג. חלק מבעלי הדירות בנות 2 החדרים הפכו את דירתם לדירת חדר. כיצד הדבר ישפיע (יקטין, יגדל, לא ישנה) על כל מדד שחישבתם בסעיפים הקודמים.

6) להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג: מהי סטיית התקן של התפלגות המשקל?

| משקל  | מספר מקרים |
|-------|------------|
| 40-45 | 10         |
| 45-50 | 20         |
| 50-60 | 30         |
| 60-65 | 20         |
| 65-70 | 10         |

7) להלן התפלגות הציונים במבחן אינטליגנציה:



- א. מה הממוצע ומה החציון של ההתפלגות?  
 ב. חשבו את סטיית התקן של הציונים.  
 ג. מסתבר שיש להוסיף 20 תצפיות לכל אחת משתי המחלקות 90-100 ו-100-110. כיצד הדבר ישתנה את כל אחד מהמדדים של הסעיפים הקודמים?

### תשובות סופיות:

- 1) שונות: 2.19, סטיית תקן: 1.48, טווח: 6.  
 2) א. סטיית תקן: 1.106. ב. טווח: 4.  
 3) א. ממוצע לא ישתנה, סטיית התקן תקטן.  
 ב. ממוצע לא ישתנה, סטיית התקן תגדל.  
 4) 10.8  
 5) א. 3.05. ב. 1.16. ג. ממוצע: יקטן, סטיית התקן: תגדל.  
 6) 7.73  
 7) א. 100. ב. 12.96. ג. ממוצע: לא ישתנה, סטיית תקן: תקטן.