

# ביוסטטיסטיקה

פרק 6 - סטטיסטיקה תיאורית - מדדי פיזור - טווח בין רבעוני

תוכן העניינים

1. טווח בינרבעוני.....1
2. כללי.....5

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי פיזור – טווח בין רבעוני:

### רקע:

הטווח הבין-רבעוני (יש הקוראים לו התחום הבין-רבעוני) נותן את הטווח בין הרבעונים בו נמצאים 50% מהתצפיות המרכזיות. הרעיון ליצור מדד פיזורי שלא רגיש לתצפיות החריגות ביותר. כדי לחשב את הטווח הבין-רבעוני יש למצוא את הרבעון התחתון והעליון של התפלגות התצפיות.

רבעון תחתון – ערך שמחלק את ההתפלגות לשניים.  
25% מהמקרים נמוכים ממנו או שווים לו ו 75% מהמקרים גבוהים או שווים לו.  
סימון:  $Q_1$ .

רבעון עליון – ערך שמחלק את ההתפלגות לשניים.  
75% מהמקרים נמוכים ממנו או שווים לו ו 25% מהמקרים גבוהים או שווים לו.  
סימון:  $Q_3$ .

הטווח הבין רבעוני הוא הפער בין שני הרבעונים:  $IQR = Q_3 - Q_1$ .

### שלבים במציאת טווח בין-רבעוני בטבלת שכיחויות:

שלב א: נמצא את הרבעון התחתון: הוא הערך שהשכיחות היחסית המצטברת באחוזים עברה לראשונה את 25%.

שלב ב: נמצא את הרבעון העליון: הוא הערך שהשכיחות היחסית המצטברת באחוזים עברה לראשונה את 75%.

שלב ג: נמצא את הטווח הבין-רבעוני: נחסר את הרבעונים:  $IQR = Q_3 - Q_1$ .

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

בסניף בנק 250 לקוחות. ספרו לכל לקוח את מספר תוכניות החיסכון שלו. מהו הטווח הבין-רבעוני של מספר תוכניות החיסכון בסניף?

| # תוכניות החיסכון | $f(x)$ | שכיחות מצטברת | שכיחות יחסית מצטברת |
|-------------------|--------|---------------|---------------------|
| 0                 | 100    |               |                     |
| 1                 | 75     |               |                     |
| 2                 | 25     |               |                     |
| 3                 | 25     |               |                     |
| 4                 | 25     |               |                     |

## שאלות:

1) להלן התפלגות מספר המכוניות למשפחה ב"הגורן":

| מספר מכוניות<br>למשפחה | 1  | 2   | 3   | 4   | 5  |
|------------------------|----|-----|-----|-----|----|
| שכיחות                 | 65 | 150 | 220 | 140 | 55 |

מהו הטווח הבין-רבעוני של מספר המכוניות למשפחה ב"הגורן"?

2) בסקר שנעשה בדקו את מספר ימי המחלה השנתיים של מורים בארץ.



א. מה מייצגים הערכים בציר האופקי?

ב. מהו הטווח הבין-רבעוני של מספר ימי המחלה של המורים?

ג. אם נוסף 25 מורים אשר הצהירו שמספר ימי המחלה השנתיים שלהם הוא 4 ימים, כיצד הדבר ישנה את הטווח הבין-רבעוני? הסבירו.

ד. אם מסתבר שחלק מהמורים בסקר הצהירו שהם חלו 7 ימים בשנה אבל בפועל הם חלו 8 ימים, כיצד הדבר ישנה את הטווח הבין-רבעוני? הסבירו.

3) לפניך שתי עקומות המתארות את התפלגות הציונים בכל כיתה. באיזו כיתה הטווח הבין-רבעוני גדול יותר?



- א. כיתה א.
- ב. כיתה ב'.
- ג. לשתייהן אותו טווח בין-רבעוני.
- ד. לא ניתן לדעת, אין מספיק נתונים.

4) הוספת גודל קבוע לכל תצפיות סדרת נתונים :

- א. תגדיל את הטווח הבין-רבעוני.
- ב. תקטין את הטווח הבין-רבעוני.
- ג. לא תשנה הטווח הבין-רבעוני.
- ד. לא ניתן לדעת מה יקרה לטווח הבין-רבעוני.

5) חושב הטווח הבין-רבעוני עבור התפלגות מסוימת והתקבלה התוצאה אפס. לכן :

- א. לפחות 50% מהתצפיות זהות.
- ב. סטיית התקן היא אפס.
- ג. ההתפלגות היא סימטרית.
- ד. מצב זה כלל לא יתכן.

- (6) סניף מספר 543 של בנק "רווה" בדק ל-80 לקוחות את מספר הפעמים שכל לקוח נכנס לסניף הבנק במשך שבוע. התוצאות שהתקבלו הן:
- 50 אנשים נכנסו 0 פעמים לסניף.
  - 20 אנשים נכנסו פעם אחת לסניף.
  - 5 אנשים נכנסו פעמיים לסניף.
  - 5 אנשים נכנסו יותר מפעמיים.
- מהו הטווח הבין-רבעוני?
- א. 60.
  - ב. 2.
  - ג. 50.
  - ד. 1.

- (7) התפלגות הציונים במבחן ווקסלר היא סימטרית לכן:
- א. טווח הציונים הוא אפס.
  - ב. הטווח הבין רבעוני של הציונים אפס.
  - ג. סעיפים א ו-ב הם נכונים.
  - ד. אף סעיף אינו נכון.

### תשובות סופיות:

- (1) 2.
- (2) א. מספר ימי המחלה השנתיים. ב. 3. ג. יקטן. ד. לא ישתנה.
- (3) ג'.
- (4) ג'.
- (5) א'.
- (6) ד'.
- (7) ד'.

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי פיזור – טווח בין רבעוני:

**רקע:**

הטווח הבין-רבעוני נותן את הטווח בין הרבעונים בו נמצאים 50% מהתצפיות המרכזיות.

**שלבים במציאת טווח בין-רבעוני במחלקות:**

| מספר שנות ותק | רוחב $L_1 - L_0$ | מספר עובדים<br>(שכירות) $f$ | $F$ |
|---------------|------------------|-----------------------------|-----|
| 0.5 – 4.5     | 4                | 56                          | 56  |
| 4.5 – 9.5     | 5                | 50                          | 106 |
| 9.5 – 11.5    | 2                | 48                          | 154 |
| 11.5 – 14.5   | 3                | 36                          | 190 |
| 14.5 – 19.5   | 5                | 10                          | 200 |

**שלב א:**

נמצא את הרבעון התחתון (אחוזון 25) והרבעון העליון (האחוזון ה-75).

מיקום הרבעון התחתון יהיה:  $\frac{n}{4}$ . מיקום הרבעון העליון יהיה:  $\frac{3n}{4}$ .

נוסחאות הרבעונים יהיו:

$$Q_1 = L_0 + \frac{\frac{n}{4} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$$

$$Q_3 = L_0 + \frac{\frac{3n}{4} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$$

**נציב:**

$$Q_1 = 0.5 + \frac{\frac{200}{4} - 0}{56} \cdot 4 = 4.07 \text{ שניות}$$

$$Q_3 = 9.5 + \frac{\frac{3 \cdot 200}{4} - 106}{48} \cdot 2 = 11.33 \text{ שניות}$$

**שלב ב:**

$$IQR = Q_3 - Q_1 = 11.33 - 4.07 = 7.26 \text{ שניות}$$

נחסר את הרבעונים:

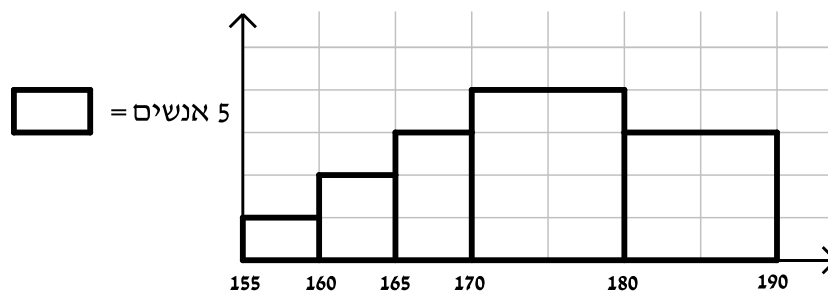
## שאלות:

(1) להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג:

| משקל  | מספר מקרים |
|-------|------------|
| 40-45 | 10         |
| 45-50 | 20         |
| 50-60 | 30         |
| 60-65 | 20         |
| 65-70 | 10         |

מצאו את הטווח הבין-רבעוני.

(2) להלן היסטוגרמה המתארת את התפלגות הגבהים בס"מ של קבוצה מסוימת:



מצאו את הטווח הבין-רבעוני.

## תשובות סופיות:

(1) 13.75 ק"ג.

(2) 13.33 ק"ג.