

סטטיסטיקה והסתברות

פרק 52 - שאלות מסכמות בסטטיסטיקה תיאורית

תוכן העניינים

1. כללי 1

סטטיסטיקה תיאורית – שאלות מסכמות:

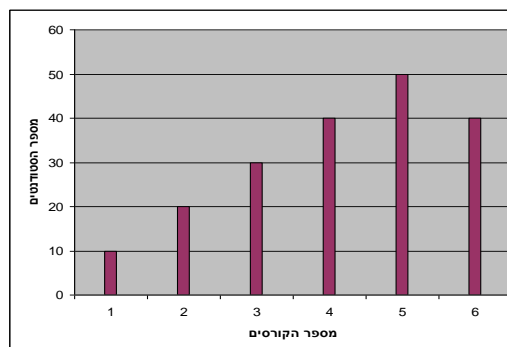
שאלות:

(1) בדקו עבור 5 תלמידים את המשקל שלהם:

משקל בק"ג	מספר תלמיד
58	1
62	2
48	3
34	4
58	5

- מהו המשתנה הנחקר? בדיד או רציף?
- מה המשקל החציוני, הממוצע והשכיח?
- מה הטווח וסטיית התקן של המשקל?
- לאותם תלמידים חישבו גם את הגובה בס"מ וקיבלו גובה ממוצע של 168 וסטיית תקן 6. במה תלמיד מספר 3, שגובהו 162, יותר חריג – במשקל או בגובה?
- הוסיפו עוד תלמיד השוקל 52 ק"ג בדיוק. הסבירו ללא חישוב כיצד הדבר ישפיע על הממוצע וסטיית התקן (יגדיל, יקטין או לא ישנה).

(2) בפקולטה להנדסה אספה המזכירות נתונים לגבי מס' הקורסים שכל סטודנט סיים בשנה הראשונה ללימודיו בשנת 2008. להלן התוצאות שהתקבלו:



- מה המשתנה הנחקר? בדיד או רציף?
- מהי צורת ההתפלגות?
- תארו את הנתונים בטבלת שכיחויות.
- חשבו את השכיח, החציון והטווח.

- 3) להלן התפלגות הציונים בבחינה בלשון שנעשתה עבור תלמידי כיתות ד'.
 במחקר השתתפו 150 תלמידים. ממוצע הציונים שהתקבל: $\bar{X} = 7\frac{1}{15}$.

מספר התלמידים	ציון
12	4
16	5
	6
38	7
	8
14	9
10	10

- א. השלימו את השכיחויות החסרות בטבלה.
 ב. חשבו את הציון החציוני, השכיח.
 ג. חשב שונות וסטיית תקן להתפלגות הציונים.
- 4) חברה סלולארית דגמה 200 אנשים. עבור כל אדם נבדקה מידת שביעות הרצון של הלקוח מהחברה (1 - שביעות רצון נמוכה ו-5 - שביעות רצון גבוהה).
 להלן ההתפלגות שהתקבלה:

מספר האנשים	שביעות רצון
40	1
60	2
50	3
30	4
20	5

- א. מה אחוז האנשים עם רמת שביעות רצון נמוכה?
 ב. מה המשתנה הנחקר ומאיזה סוג הוא?
 ג. מהי הדרך הגרפית המתאימה ביותר לתיאור הנתונים?
 i. היסטוגרמה.
 ii. דיאגרמת מקלות.
 iii. דיאגרמת עוגה.
 ד. חשבו את המדדים הבאים:
 i. טווח.
 ii. שכיח.
 iii. חציון.

5) נתנו לקבוצת ילדים לבצע משימה מסוימת ובדקו את התפלגות זמן ביצוע המשימה בדקות. להלן ההתפלגות שהתקבלה:

מספר הילדים	זמן בדקות
20	0.5-3.5
18	3.5-9.5
14	9.5-19.5
8	19.5-29.5

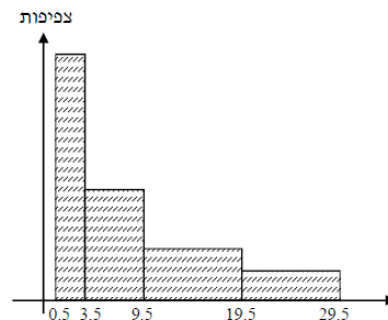
- א. שרטטו היסטוגרמה לתיאור התפלגות זמן ביצוע המשימה.
 ב. מתוך ההיסטוגרמה שבנית בסעיף א', מהי צורת ההתפלגות?
 ג. חשבו את השכיח והחציון של ההתפלגות.
 ד. הסבירו, ללא חישוב, האם הזמן הממוצע לביצוע המשימה, קטן או גדול או שווה ביחס לשכיח ולחציון.
- 6) להלן מספר טענות, עבור כל טענה ציינו אם היא נכונה או לא נכונה ונמקו:
- א. בסדרה שבה כל התצפיות שוות זו לזו השונות הינה 0.
 ב. ציון התקן של החציון תמיד יהיה 0.
 ג. ציון התקן של האחוזון ה-70 בהתפלגות אסימטרית ימנית (חיובית) תמיד יהיה חיובי.
 ד. אם נוסיף תצפיות לסדרה של תצפיות, הדבר בהכרח יגדיל את הממוצע של הסדרה.
 ה. בסדרה החציון הינו 80. הוספו שתי תצפיות אחת 79 ואחת 100 לכן החציון יגדל.
 ו. אם נוסיף את הערך 4 לכל התצפיות אז סטיית התקן לא תשתנה.
 ז. אם נחלק את כל התצפיות בהתפלגות ב-2 אז השונות תקטן פי 2.
 ח. אם נגדיל את ממוצע המשכורות של עובדים בחברה אז גם השונות תגדל.

תשובות סופיות:

- (1) א. המשתנה הנחקר : משקל תלמיד בק"ג, משתנה כמותי רציף.
 ב. $\bar{X} = 52$, $Md = X_{\frac{n+1}{2}} = X_3 = 58$, שכיח : 58.
 ג. $R = 28$, $S = 10.12$.
 ד. הוא חריג יותר בגובה כי שם ציון התקן בערך מוחלט יותר גבוה.
 ה. הממוצע לא ישתנה אך סטיית התקן תקטן.
- (2) א. מספר הקורסים, בדיד. ב. התפלגות אסימטרית שמאלית.
 ג. להלן טבלה :
 ד. שכיח : 5, טווח : 5.

$f(x)$	x
10	1
20	2
30	3
40	4
50	5
40	6
190	סה"כ

- (3) א. 20 תלמידים קיבלו ציון 6 ו-40 תלמידים קיבלו ציון 8.
 ב. חציון : 7, שכיח : 8.
 ג. שונות : 2.533 , סטיית תקן : 1.592.
- (4) א. 20% .
 ב. שביעות רצון (סדר).
 ג. ii .
 ד. טווח : 4, שכיח : 2, חציון : 2.
- (5) א. שרטוט :
 ב. ההתפלגות היא א-סימטרית ימנית.



- ג. שכיח : 2, חציון : 6.83.
 ד. בהתפלגות א-סימטרית ימנית מתקיים : $Mo < Md < \bar{X} < MR$.
- (6) א. נכון. ב. לא נכון. ג. לא נכון. ד. לא נכון. ה. לא נכון.
 ו. נכון. ז. לא נכון. ח. לא נכון.